

# 医用画像(CT、PET、SPECT、MRI) による定量検査

北大病院 核医学診療科

北大保健科学研究院 医理工学院

加藤千恵次

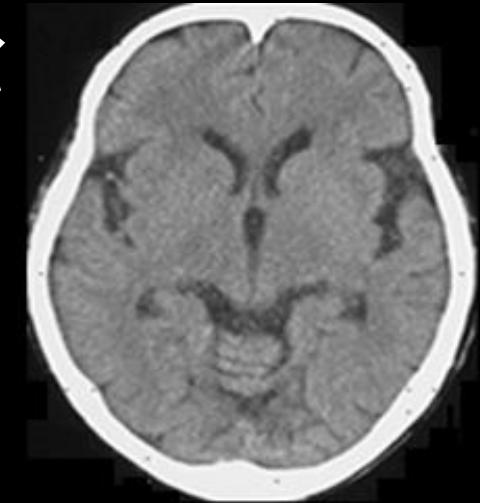
令和2年度 「CT,PET,MRI医用画像による  
定量検査」の講義は、このスライドを各自  
で見て、学習して下さい。

出席票をメールで提出して下さい。

問題の解答、質問や感想も記述して下さい。

# 断層画像 CT ( Computed Tomography )

(X線CT、RI画像SPECT, PET)が  
撮影できる理由は？



1. フィルタ重畠逆投影法

FBP ( Filtered Back Projection )

2. 逐次近似再構成法

Iterative Reconstruction

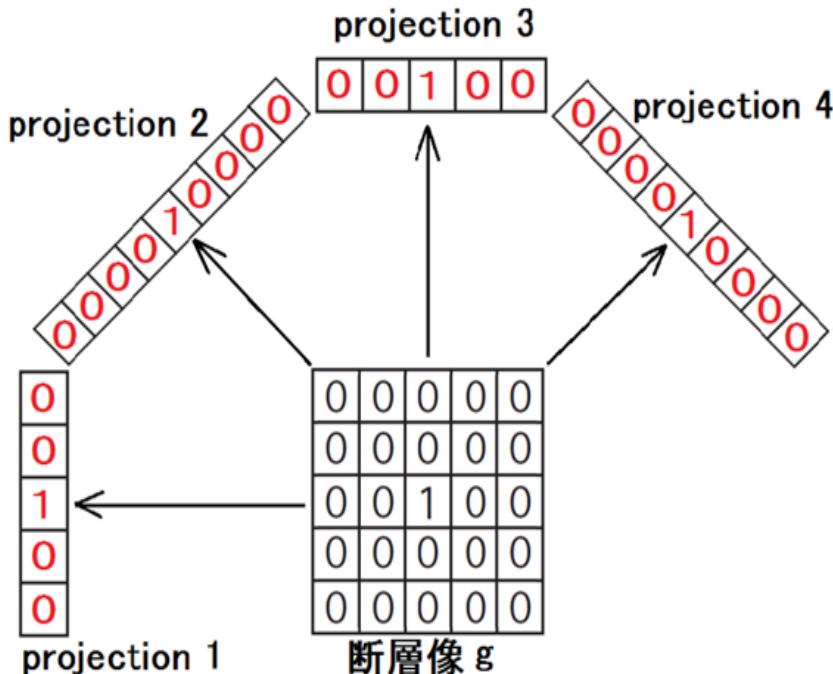
3. ディープラーニング法 Deep learning

# filtration重畠逆投影法 FBP

## (Filtered Back Projection)

### 最も基本的な断層画像再構成法

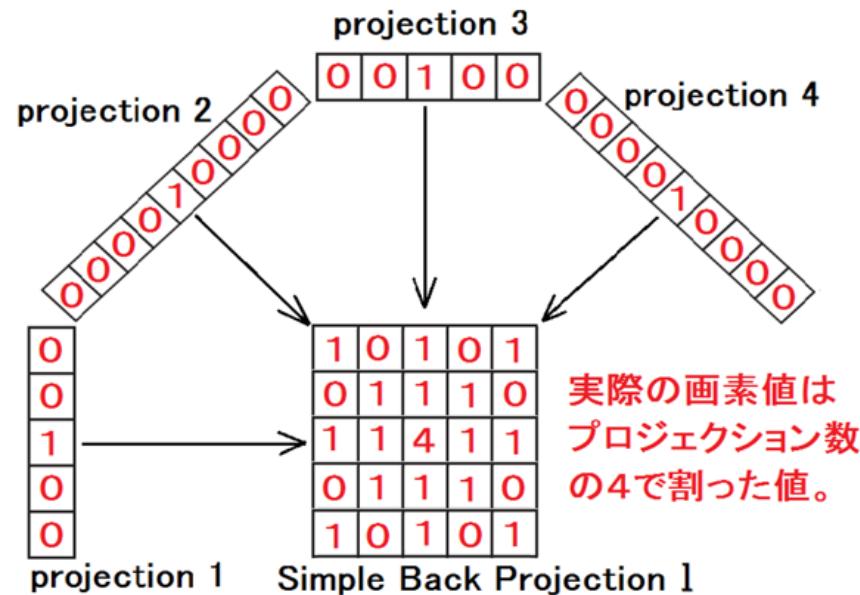
- ① 断層像  $g$  の 4 方向からの  
投影データ(projection)を求める。



例として、 $5 \times 5$  画素の断層像  $g$  を得るために 45 度おきに 4 方向から透視  
(投影) データを収集したとする。  
断層像  $g$  の正解は、中心に画素値 1 が  
あるだけで周囲の画素値は全て 0 と  
する。

断層像  $g$  を 4 方向から投影して得る  
データを求めると、左図①のように  
プロジェクションデータ 1 から 4 が收  
集される。

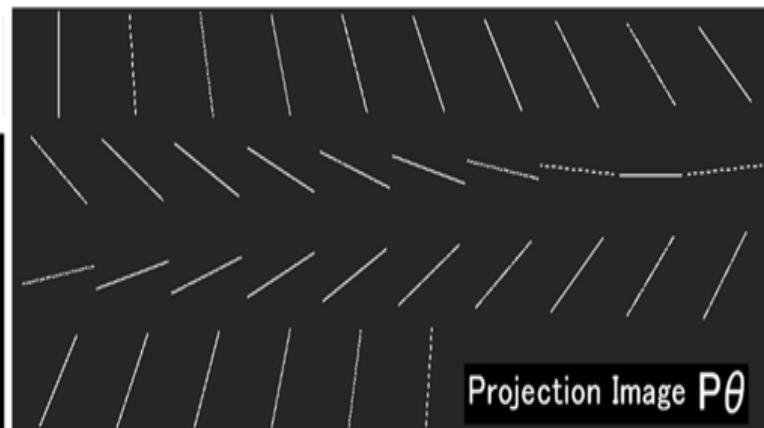
## ② 単純 重ね合わせ Simple Back Projection



収集されたプロジェクションデータから断層像 $g$ を得るために、まず単純に4方向から得た投影データを左図②のように $5 \times 5$ 画素の行列内に逆投影する。断層像は、中心に最大の画素値を得るが、その周囲にも0ではない画素値が分布する。これが単純重ね合わせ (Simple Back Projection) で、本当は中心に画素値1があるだけなのに、周囲にも画素値が発生して点像がぼけている。

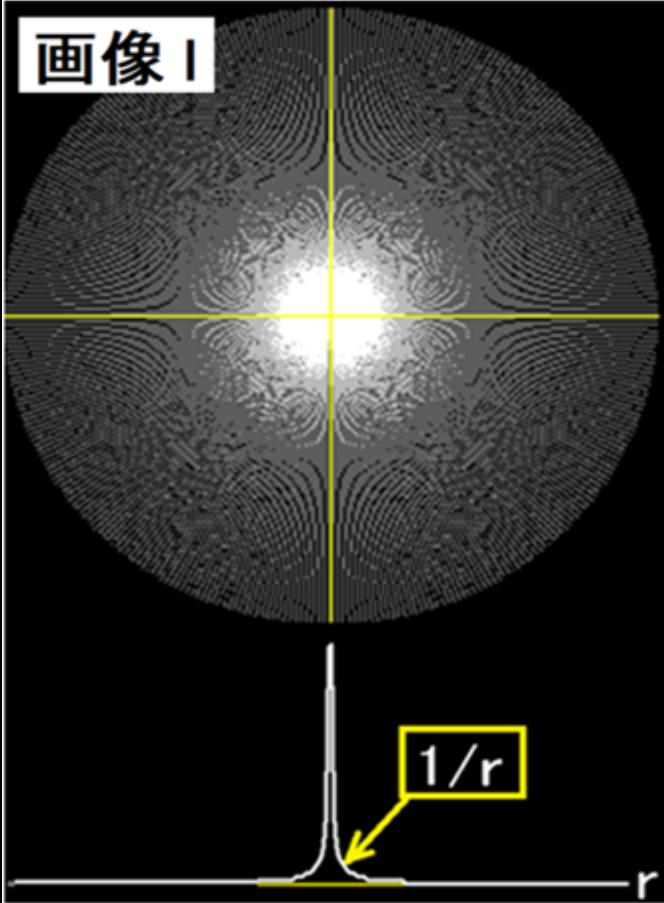
このCTシミュレーションを、もう少し厳密に、  
256x256画素の画像で行うプログラムを作成してみた。

画像  $g$



画像中心の1画素だけ値が1で、他は全て0の $256 \times 256$ 画素の画像を作成し、これを画像  $g$ とする。その像を1度毎に180度方向から投影した投影像  $P_\theta$ を作成する。左図では5度毎の  $P_\theta$ を表示。

## 画像 I



180枚の投影像  $P\theta$  から単純重ね合わせ像を作ると、画像中心の 1 画素が最大値を示し、その近傍に中心からの距離  $r$  に反比例する値が示される。つまり 1 点の画素値が  $1/r$  の関数に広がっている。この単純重ね合わせ像を画像 I とする。

$1/r$  とは、1 点の画素を、画素からの距離  $r$  に反比例した値の分布に変換する関数と解釈すると画像  $g$  に関数  $1/r$  を畳んだ像が I である。式で表現すると  $I = g * (1/r)$  となる。

( \* は畳込み演算 ( convolution ) )

$I$ 、 $g$ 、 $1/r$  のフーリエ変換を  $L$ 、 $G$ 、 $F(1/r)$  と表現すると、畳み込みの定理より  
 $L = G * F(1/r)$  となる。

ここで  $1/r$  のフーリエ変換を計算すると、 $F(1/r) = 1/fr$  となる。  
(  $fr$  はフーリエ空間での周波数を表す。)

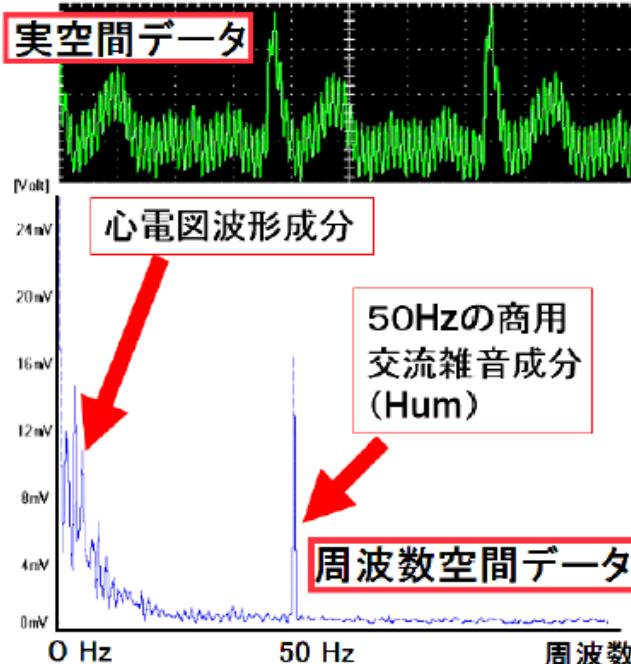
したがって、 $L = G / fr$  、  $G = L * fr$

フーリエ空間（周波数空間）で、画像 I のフーリエ変換像  $L$  にフィルタ  $fr$  をかけると、画像  $g$  のフーリエ変換  $G$  が得られる。

この周波数空間での計算は、以下の式を用いて実空間で済ませられる。

$$g = I * h \quad (* \text{ は畳込み演算}) \quad (h \text{ は } fr \text{ の逆フーリエ変換})$$

## 商用交流雑音を伴う心電図の 1次元フーリエ変換



## フーリエ変換 Fourier transform

実空間の曲線や画像データなどを周波数空間のデータに変換する演算。実空間データに含まれる  $\cos$  成分と  $\sin$  成分を各周波数ごとに算出する。オイラーの公式  $\exp(j\theta) = \cos\theta + j\sin\theta$  を用いて、以下の式で示される。

曲線  $g(t)$  の周波数分布を  $G(f)$  とすると、  
$$G(f) = \int g(t) \exp(-j \cdot 2\pi ft) dt$$
 ( $j$  は虚数単位)

逆フーリエ変換も類似した式で表される。  
$$g(t) = \int G(f) \exp(j \cdot 2\pi ft) df$$

## 高速フーリエ変換 FFT Fast Fourier Transform

フーリエ変換、逆フーリエを行う際に使用されるアルゴリズム、プログラム。フーリエ変換の公式は、波形データが連続曲線と想定して  $\exp(-j \cdot 2\pi ft)$  という三角関数のオイラー式表記をしているが、実際に扱う数値はデジタルデータであり離散的なので、 $\exp(-j \cdot 2\pi ft)$  の項を  $W^{nk}$  のように変形して高速に計算できる巧みなアルゴリズムである。

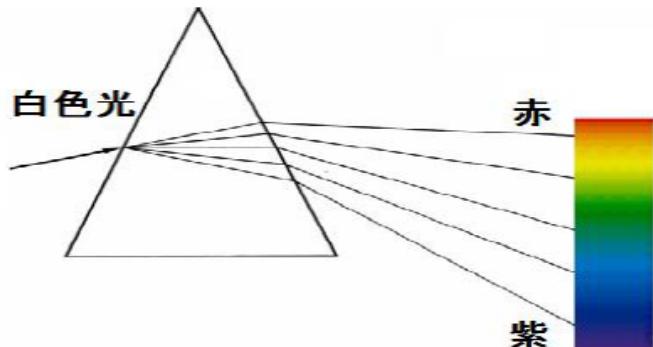
工学の領域では  $i$  は電流密度を表す場合が多いので、虚数単位は  $j$  で表す。

フーリエ変換とは、全ての関数はsin波とcos波の級数で表現できることを利用し、実空間の曲線や画像などのデータを周波数空間での周波数分布関数に変換する算術。フーリエ変換では、実空間関数での畳込み演算が、周波数分布関数で掛け算に変わり、計算が楽になる利点がある。

### 1 / r のフーリエ変換が 1 / fr になる理由

2次元フーリエ変換の公式の極座標表現を用いると

(rとθは実空間の原点からの距離と偏角、frは周波数空間の原点からの距離)  
関数  $g(r)$  のフーリエ変換は  $\int \int g(r) \exp(-j \cdot 2\pi r fr) r dr d\theta$  (ヤコビアンに注意)  
 $g(r) = 1/r$  とすると  $\int \int (1/r) \exp(-j \cdot 2\pi r fr) r dr d\theta = \int \int \exp(-j \cdot 2\pi r fr) dr d\theta = 1/fr$



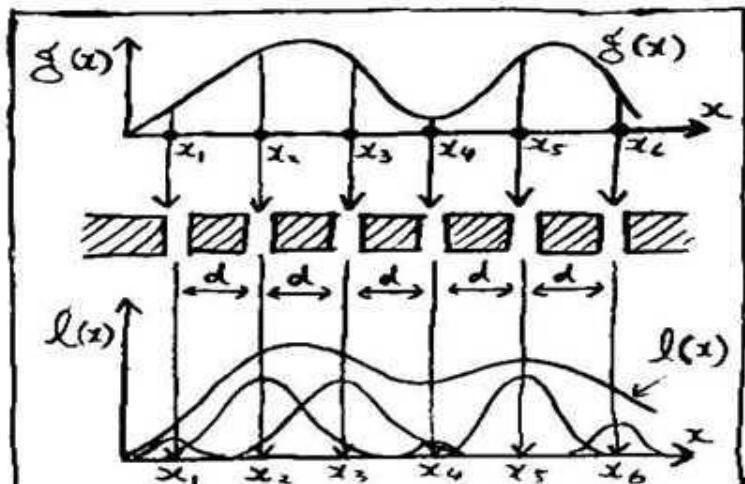
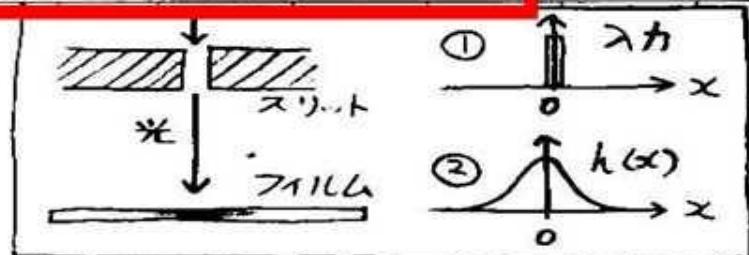
周波数空間を理解することは難しい印象を持つが、周波数空間や周波数分布を表現しているものは一般にも結構ある。

たとえば楽譜は、音楽の周波数分布、曲のフーリエ変換とも解釈できる。五線譜の下側の音符は低音、低周波数成分を表し、上側の音符は高音、高周波成分を示している。

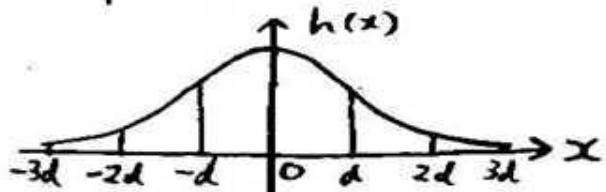
虹は白色光に含まれる色の周波数分布を示している。雨粒中で屈折しやすい高周波の紫色成分から、屈折しにくい低周波の赤色成分まで、周波数の順序で色が並んでいる。

## ④ Convolution

置込み



Line spread function (LSF)



$$l(x) = g(x) * h(x)$$

スリットを通してビーム ① が  
フィルム上で ② のような  $h(x)$  の  
濃度分布の像をつくるとする。

$x$  軸に沿って明るさが  $g(x)$  である  
点線状の被写体を、間隔  $d$  の  
スリットを通してフィルムに写す。

フィルムの  $x_4$  の位置での濃度は

$$\begin{aligned} l(x_4) &= g(x_4) h(0) \\ &+ g(x_5) h(d) + g(x_6) h(-d) \\ &+ g(x_3) h(d) + g(x_2) h(zd) \\ &+ g(x_1) h(3d) \end{aligned}$$

任意の座標  $x_i$  における  $l(x_i)$  は

$$\begin{aligned} l(x_i) &= g(x_i) h(0) \\ &+ g(x_{i-1}) h(x_i - x_{i-1}) \\ &+ g(x_{i+2}) h(x_i - x_{i+2}) + \dots \\ &+ g(x_{i-3}) h(x_i - x_{i-3}) \\ &+ g(x_{i-2}) h(x_i - x_{i-2}) + \dots \\ &= \sum_{n=-\infty}^{\infty} g(x_n) h(x_i - x_n) \end{aligned}$$

$$l(x) = \int_{-\infty}^{\infty} g(n) h(x-n) dn$$

Convolution 積分  
(たたみ込み 積分)

これを  $l(x) = g(x) * h(x)$  と書わす。

$h(x)$  を convolution 関数 といふ。

$g(x)$  が  $h(x)$  のために  $l(x)$  に ボケてしまつたこと意味する。

たたみ込みの定理 実空間の関数の畳込みは周波数空間では掛算になる

$h(x-n)$  の Fourier 変換を  $H(f)$  とすると

$$h(x-n) = \int H(f) e^{j(2\pi f(x-n))} df \quad (\text{逆 Fourier 変換})$$

これを  $l(x) = \int g(n) h(x-n) dn$  に 代入すると

$$l(x) = \int g(n) \left[ \int H(f) e^{j(2\pi f x)} e^{-j(2\pi f n)} df \right] dn$$

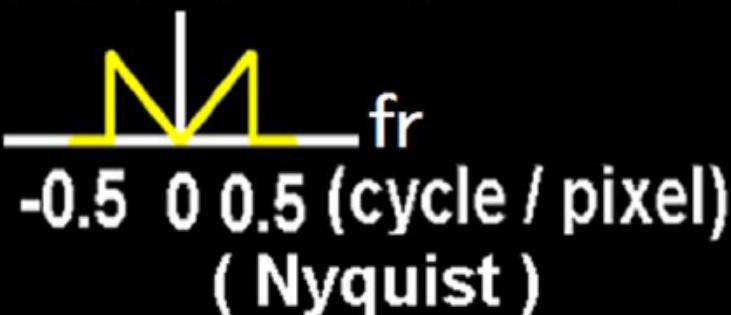
$$= \int \left[ \int g(n) e^{-j(2\pi f n)} dn \right] H(f) e^{j(2\pi f x)} df$$

$$= \int [G(f) H(f)] e^{j(2\pi f x)} df$$

$l(x)$  の Fourier 変換を  $L(f)$  とすると

$$l(x) = \int L(f) e^{j(2\pi f x)} df, \text{ よって } L(f) = G(f) H(f)$$

## 周波数空間のRampフィルタ H



周波数空間でのフィルタ  $fr$  とは、どのような形をしているのか。1次元周波数空間の縦軸の周波数成分が  $fr$  の値を持つフィルタであるが、横軸が周波数軸すなわち  $fr$  である。つまり周波数空間で、正比例のような形状になる。

周波数にはマイナスの値は無いが、高速フーリエ変換(FFT)のアルゴリズムの都合で見かけ上、マイナスの周波数データが存在する。縦軸の周波数成分にはマイナスは無いので、周波数がマイナス側の成分は絶対値となり、原点を中心左右対称な絶対値  $|fr|$  の関数として表現される。

さらにサンプリング定理によって、ナイキスト周波数 (0.5 cycle / pixel) 以上の高周波成分はノイズなので除去する。

よって、このフィルタは上図のようになり、これをRampフィルタという。

## ナイキスト周波数(Nyquist frequency)

医用画像はデジタル化して保存される。デジタル画像に含まれる最高周波数をナイキスト周波数という。ナイキスト周波数の波長は、その画像データの2画素長である。つまり1画素(pixel)の長さは、最高周波数の波長の半分(0.5 cycle/pixel)である。

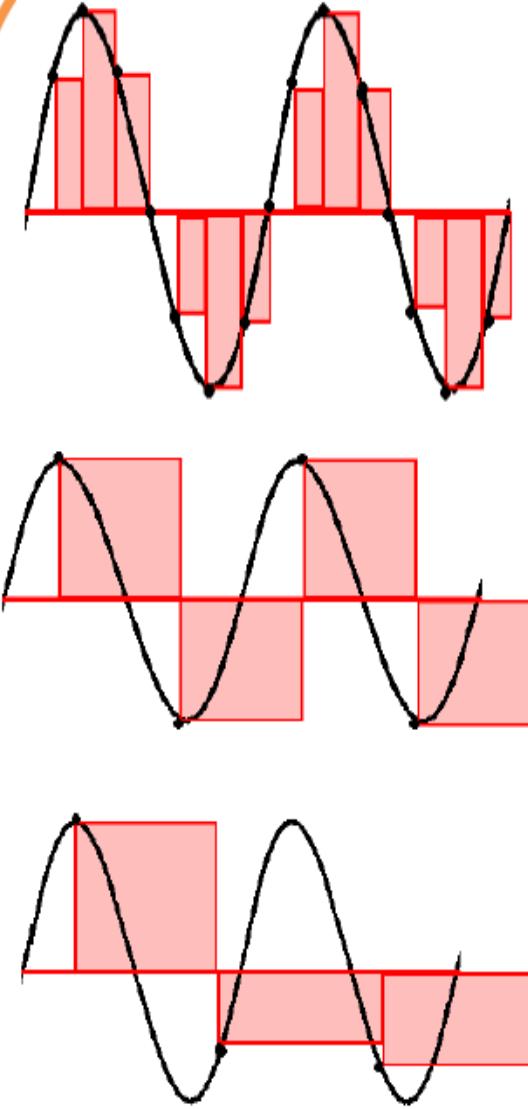
ナイキスト周波数の理論は、アナログデータをデジタル変換（AD変換）する際のサンプリング間隔を考えると理解しやすい。

1波長を8分割（信号の8倍の周波数でサンプリング）した場合は、かなりアナログ波形の形状を保ったサンプリング（標本化）が出来ている。

では、1波長を2分割したサンプリング（信号の2倍の周波数でサンプリング）ではアナログデータの波長と振幅の値は、ぎりぎりでデジタルデータに記録されている。

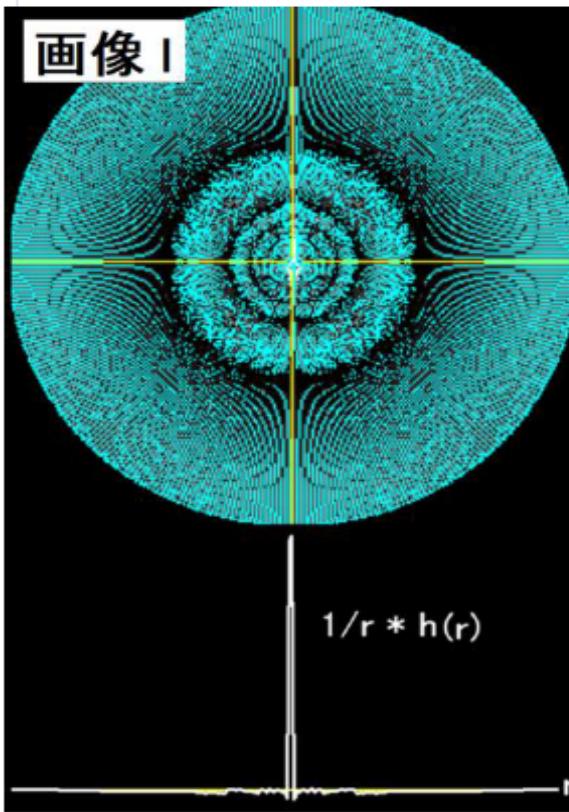
ところが、アナログデータの半波長を少しでも超えたサンプリング（信号の周波数の2倍より低い周波数でサンプリング）では、アナログデータの波長も振幅もわからない標本化が行われている。

つまり、データの最高周波数（ナイキスト周波数）をデジタルデータに記録（標本化）するためには、その2倍の周波数で標本化する必要がある。

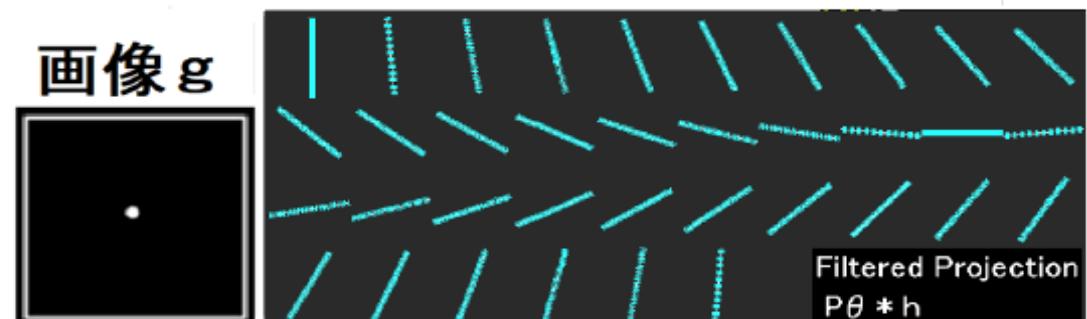


## 実空間 Ramp フィルタ $h$

このフィルタの積分値は1である点が再構成画像の定量性を保証する。



周波数空間の Ramp フィルタを  $H$  と表現する。  
 $H$  を 1 次元逆フーリエ変換すると、実空間での Ramp フィルタ  $h$  が左図のように算出される。

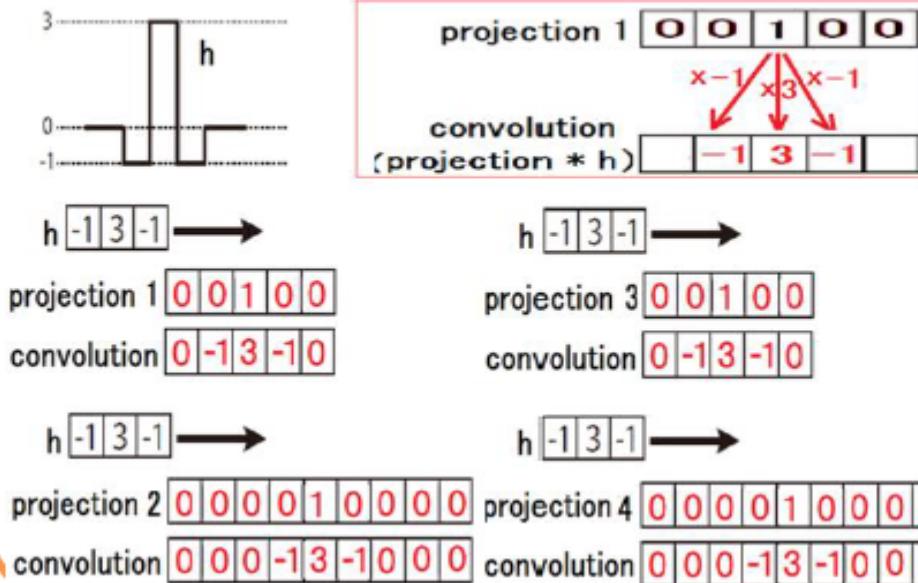


画像中心の 1 画素だけ値が 1 で、他は全て 0 の 256x256 画素の画像  $g$  を 1 度毎に 180 度方向から透過投影した投影像  $P_\theta$  を作成する。次に全ての  $P_\theta$  に Ramp フィルタ  $h$  を畠込む（式で表すと  $P_\theta * h$ ）（上図で青色の部位はマイナスの画素値）（全ての  $P_\theta * h$  の断面が  $h$  と同じ形状をしている）。さらに、全ての  $P_\theta * h$  を重ね合わせて画像  $I$  を算出する。式で表すと  $I = \int (P_\theta * h) d\theta$

画像  $I$  は中心の 1 画素だけ値が 1 で、周囲は殆ど 0 に近い値を示し、ほぼ画像  $g$  に戻っている。

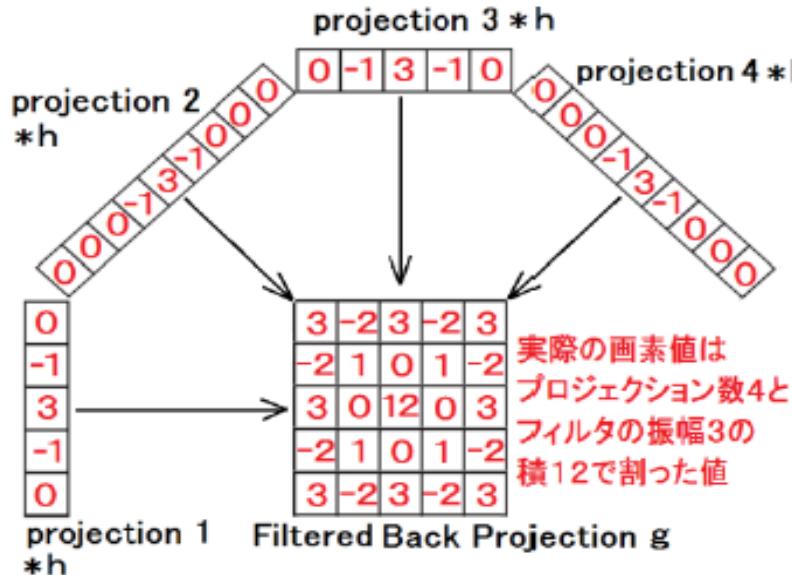
$P_\theta$  の単純重ね合わせ像では、画像中心の 1 画素が最大値を示し、その近傍に中心からの距離  $r$  に反比例する  $1/r$  の関数に画素値が広がっていたが、Ramp フィルタ  $h$  を畠込むと、その広がりが補正されて元の画像が再現される。この Ramp フィルタ  $h$  の機能によって断層画像を算出することができる。

### ③ 実空間フィルタ畳み込み処理 projection \* h

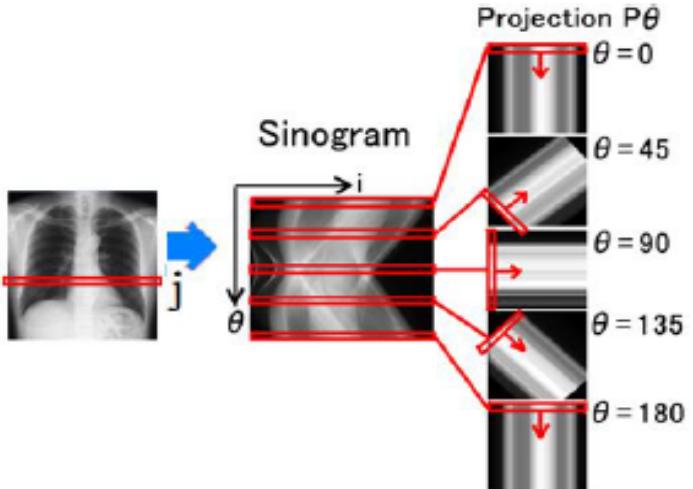


単純重ね合わせでは点が点像に戻らない。それを補正するため投影データにフィルタ  $h$  をかける。ここでは簡単に要素数3個の行列  $(-1, 3, -1)$  を  $h$  とする。投影データの値に行列  $h$  をかける。このようにスカラー値に行列を畳込むように掛ける演算を畳み、重畠 (convolution) という。行列  $h$  を畳込まれた各プロジェクトを左図③に示す。これらを4方向から 5x5画素の行列内に逆投影する。これをフィルタ重畠逆投影 (FBP ; Filtered Back Projection) という。

### ④ フィルタ重畠重ね合わせ Filtered Back Projection



行列  $h$  を畳込まれた4方向の投影データ（演算記号 \* は畳み込みを表す）を、左図④のように 5x5 画素の行列内に逆投影すると、単純重ね合わせよりも、最大値を示す中心画素の近傍の画素値が低く抑えられ明瞭な点像が得られ、本来の断層像  $g$  に近い画像になる。つまりフィルタ重畠逆投影法は、点像をぼかさずに点像に戻す事ができるので、横方向からの投影データから正しい断層画像を算出できる。



CT装置が収集した各々の角度における投影画像（ $P_\theta$ ）から断層画像を再構成する方法を考える。

スライス  $j$  でのサイノグラムが求められたとする。サイノグラムの各スライスの 1 次元配列は、各々の角度から収集された投影データである。

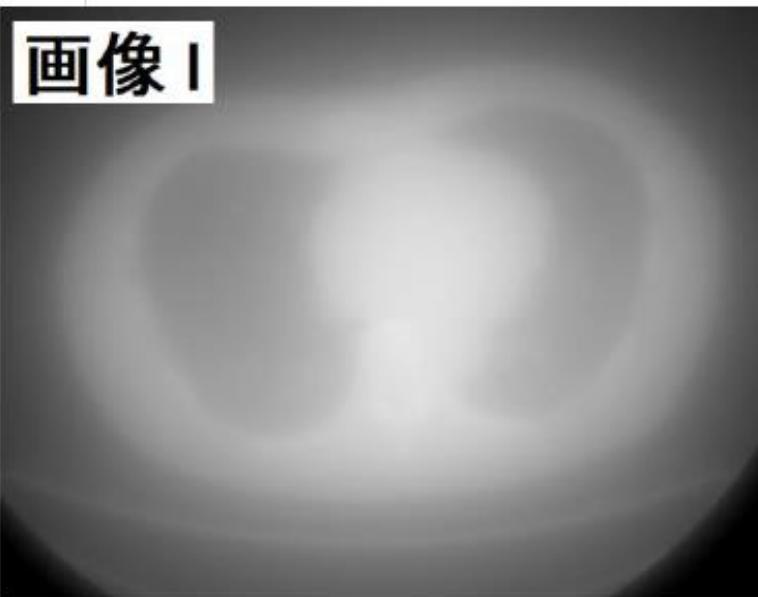
サイノグラムの各スライスの 1 次元配列から、各々の角度に傾いた 2 次元投影画像  $P_\theta$  を作成する。2 次元投影画像  $P_\theta$  は、サイノグラムの各  $\theta$  の 1 次元データを 2 次元に引き伸ばした像である。

$P_\theta$  を単純に重ね合わせた画像を  $I$  とすると

$$I = \int P_\theta d\theta \quad (\text{Simple back projection})$$

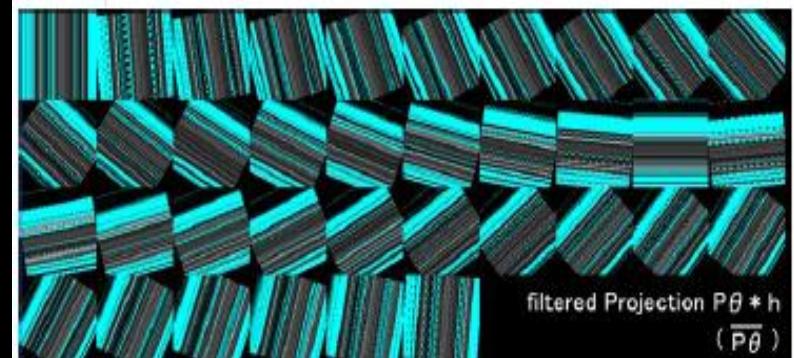
画像  $I$  は、回転中心部ほど重ね合せ回数が多くなり、中心から距離が遠いほど値の低い像になる。

画像  $I$



filtration 重畳逆投影法(FBP)で計算された断層画像の画素値は、定量性が保たれている。

### filtration 重畳逆投影法 (FBP)



画像 g



回転中心からの距離  $r$  に反比例した濃度に補正するfiltration  $1/r$  を正確な断層像  $g$  に畳み込んだ像が  $I$  である。式で表現すると  $I = g * (1/r)$  となる。  
 $I$ 、 $g$ 、 $1/r$  のフーリエ変換を  $L$ 、 $G$ 、 $F(1/r)$  と表現すると、畳み込みの定理より  $L = G \cdot F(1/r)$  となる。ここで  $F(1/r) = 1/fr$  なので  $L = G/fr$   
 $G = L \cdot fr$  この式を逆フーリエ変換して  $g = I * h$

この式に、 $I = \int P\theta d\theta$  を代入すると、  
 $g = \int P\theta d\theta * h$ 、 $g = \int (P\theta * h) d\theta$   
( $h$  は  $\theta$  と独立した関数なので交換可)

$$g = \int \overline{P\theta} d\theta \quad (\overline{P\theta} = P\theta * h) \quad \text{FBPの式}$$

$P\theta$  に実空間filtration  $h$  ( $= fr$  の逆フーリエ変換)を畳めば、重ね合せると正確な断層像  $g$  になる  
2次元投影画像  $\overline{P\theta}$  を算出できる。

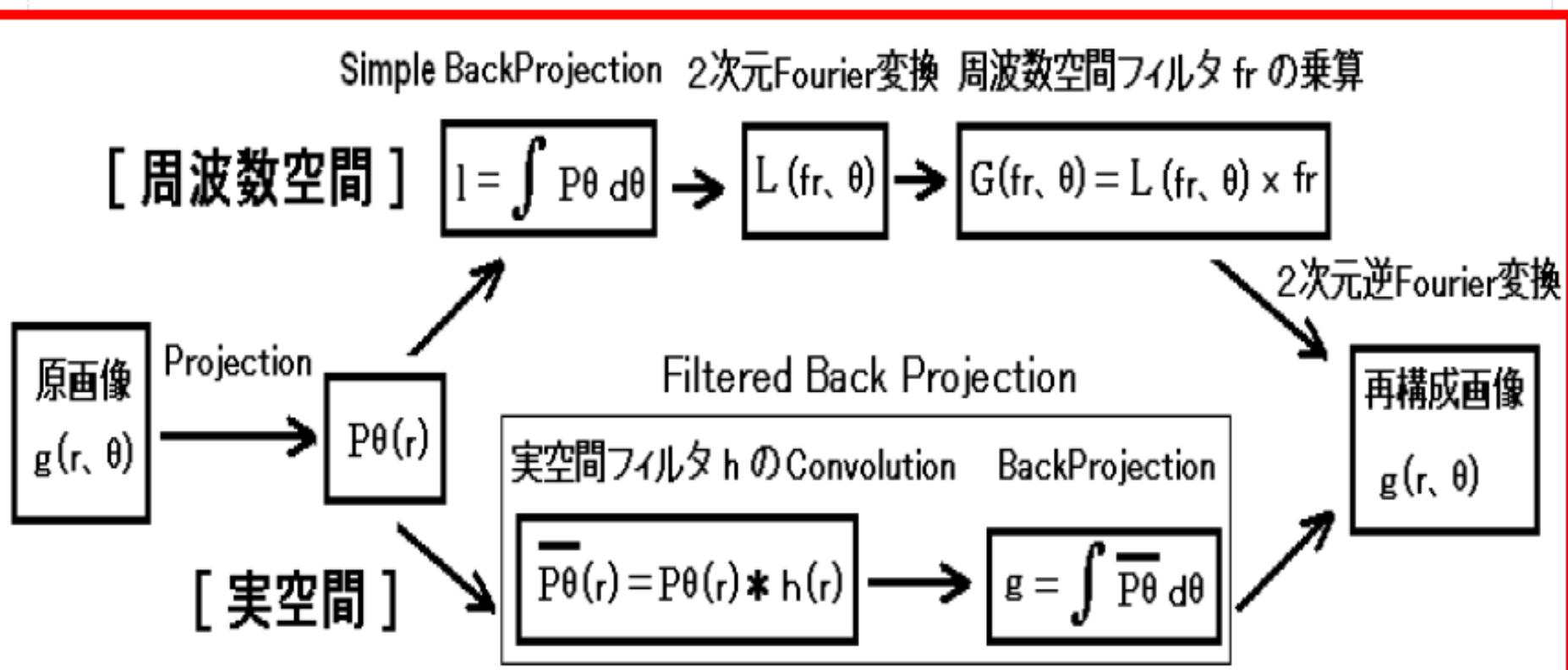
これを Filtered Back Projection (FBP) という。

Ramp filtratoin  $h$  を画像再構成filtratoin という。

投影像  $P\theta$  を単純重ね合わせした画像  $I$  を 2 次元フーリエ変換し、周波数空間でフィルタ  $fr$  を乗算したデータを 2 次元逆フーリエ変換すると、正確な断層画像  $g$  が得られる。

畳込みの定理を使うと、これらの周波数空間での処理が実空間で簡略化される。

投影像  $P\theta$  にフィルタ  $h$  (  $fr$  の 1 次元逆フーリエ変換) を畳み、それを重ね合わせると正確な断層画像  $g$  が得られる。



# ゴッドフリー・ニューボルド・ハンスフィールド Godfrey Newbold **Hounsfield** (1919 – 2004)

イギリスの電気技術者。1967年、コンピュータを用いたX線断層撮影技術(CT)の開発により、1979年にノーベル生理学・医学賞をアラン・コーマックとともに受賞した。

彼の名は現在の**CT値**の単位である**Hounsfield Unit (HU)**として使用され、この値は -1000 HU を空気、0 HU を水とした吸収率の相対値で定義されている。

# CT値 (HU : ハンスフィールド ユニット)

CT断層像の画素値の基になる値は  
体内の 各組織の線減弱係数  $\mu_t$  だが、  
(  $\mu_t$  は、組織の密度に比例する値)  
臨床的な理解度を容易にするために  
 $\mu_t$  に比例した値がCTの画素値に使われる。

$$\text{CT値} = 1000 \times (\mu_t - \mu_w) / \mu_w$$

$\mu_w$  : 水のX線吸収係数 (線減弱係数)

$\mu_t$  : 組織のX線吸収係数 (線減弱係数)

**空気のCT値 は -1000**

$$1000 \times (\mu_{\text{air}} - \mu_w) / \mu_w = -1000 \text{ (HU)}$$

厳密には空気の線減弱係数  $\mu_{\text{air}}$  は0ではないが、水や人体組織と比べると極めて小さい値なので、CT値を計算する場合は  $\mu_{\text{air}} = 0$  とする。

**水のCT値 は 0 (比重1の密度が 0 HU)**

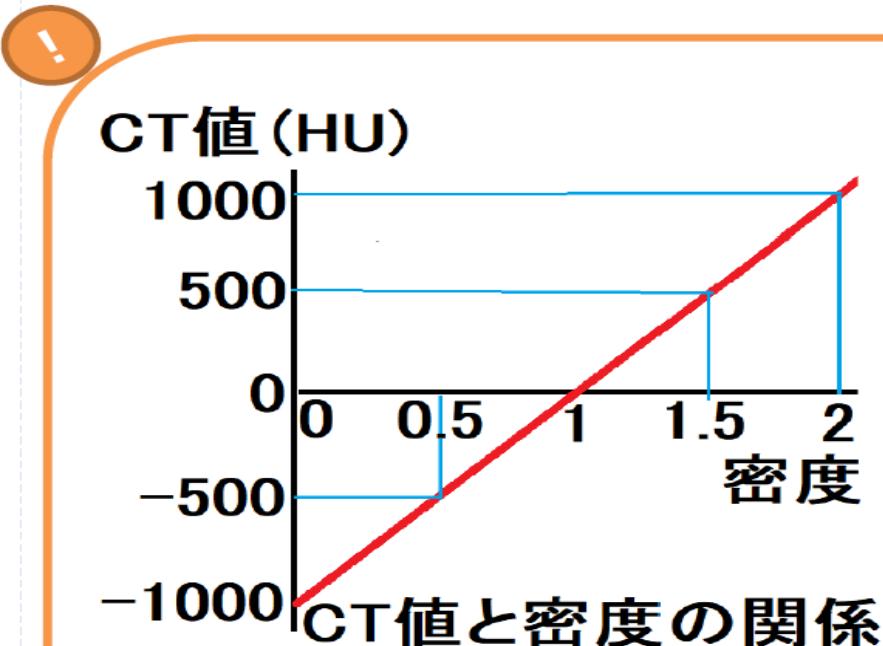
$$1000 \times (\mu_w - \mu_w) / \mu_w = 0 \text{ (HU)}$$

**水の2倍の線減弱係数の物質のCT値は 1000  
(密度2が1000HU. 人体では歯が約1000HU)**

$$1000 \times (2\mu_w - \mu_w) / \mu_w = 1000 \text{ (HU)}$$

水の線減弱係数  $\mu_w$  は X線の線質（管球に加えた電圧や電流）で変化するが、だいたい  $0.19 \sim 0.20 \text{ cm}^{-1}$  である。

X線線質の違いや被検者の体格差で、同じ組織でもCT値は変化し、**厳密な定量性はない**。



CT値は体内の密度（比重）を表す数値である。

肺野のCT値が約-800で、密度は0.2、肺気腫の症例では、肺野が黒っぽく見えるが、CT値が約-900で、密度が0.1程度に低下していることを示す。

血液のCT値は約60だが、これは密度（比重）が1.06であることを示す。

造影剤で白く見える血液のCT値は、約100から200を示すが、造影剤によって血液の密度が1.1から1.2程度に重くなっていることを示す。

# 体内組織のCT値（比重1 = 0 HU）

気道内、消化管内の空気（比重0）	- 1000
脂肪組織	- 50 ~ - 100
脳脊髄液、脳室	0 ~ 10
脳室周囲白質	20 ~ 30
大脳皮質(灰白質)	30 ~ 40
筋肉、肝臓等の臓器	30 ~ 60
血液（比重 1.05 ~ 1.06）	50 ~ 60
凝固血液(血栓)	50 ~ 100
甲状腺（比重 1.10 ~ 1.12）	100 ~ 120
骨、石灰化病変、歯	250 ~ 1000

Windowsで動くプログラムをホームページにアップロードしました。

CT.zip

興味のある人は動かして、FBPの画像再構成を確認して下さい。

RAMP関数の働きを確認する PSF.exe

PAMP関数の実空間上の逆フーリエ変換データ RealRAMP256.txt

CTの畳込み再構成法を確認する CTFBP.exe

CTのプロジェクションデータ CTprojection

Zip解凍ソフト Lhaca で解凍し、プログラムの動作を  
確認してください。

（解凍ソフトLhacaをインストールして、  
デスクトップのLhacaのアイコン上へ、  
解凍したいzipファイルをドロップダウンする。）



# プログラム PSF.exe (Point Spread Function)

フォルダ PSF 内 のPSF.exe をダブルクリック。

The screenshot shows a terminal window titled "Point Spread Function". The text inside is as follows:

```
PSF BackProjection
max count = 10.000000
min count = 0.000000
Select Reconstruction method
1: Simple BackProjection
2: Filtered BackProjection
2

Load Real space Filter
Real space filter =
C:\Users\Katoh\Desktop\医用画像機器工学実
OK ? (yes; enter, no; n)

Disp Filtered Pth * Filter
maxp count = 76308.327148
minp count = -8226.914328
Disp FBP Process?
(yes:enter, no:n)
HU Center = |
```

A red arrow points from the text "このテキストウィンドウ内をクリックしてから 1を入力して Simple back projectionを実行。" to the number "1" in the "Select Reconstruction method" section.

A red box surrounds the bottom section of the window, containing the text: "このプログラムの実行は、常にこのテキストウィンドウ内をクリックして(フォーカスをあてて)行って下さい。"

このテキストウィンドウ内を  
クリックしてから 1を入力して  
Simple back projectionを実行。

次にプログラム PSF.exe を  
終了、再度実行。2を入力して  
Filtered backprojectionを実行。

選択する再構成フィルタは、  
(real space filter は)  
フォルダ PSF 内 にある  
RealRAMP256.txt を選択。

Disp FBP Process? と出たら  
Enterキーを押す。

プログラム**CTFBP.exe** (ソースコードは CTFBP.c)  
フォルダ CT 内 の**CTFBP.exe** をダブルクリック。



The screenshot shows a terminal-like window titled "CT FBP". It displays the following text:

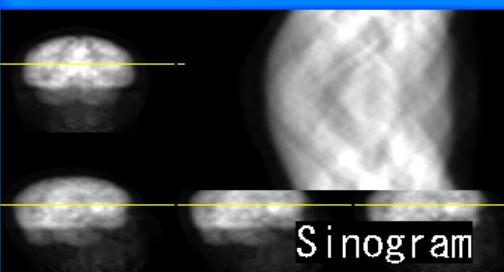
```
CT BackProjection
Load CT Sinogram data
max count = 707071.474638
min count = 0.000000
Select Reconstruction method
1: Simple BackProjection
2: Filtered BackProjection
2

Load Real space Filter
Real space filter =
C:\Users\Katoh\Desktop\医用画像機器工学実
OK ? (yes; enter, no; n )

Disp Filtered Pth * Filter
maxp count = 170934604.546631
minp count = -12698206.878418
Disp FBP Process?
(yes:enter, no:n)
```

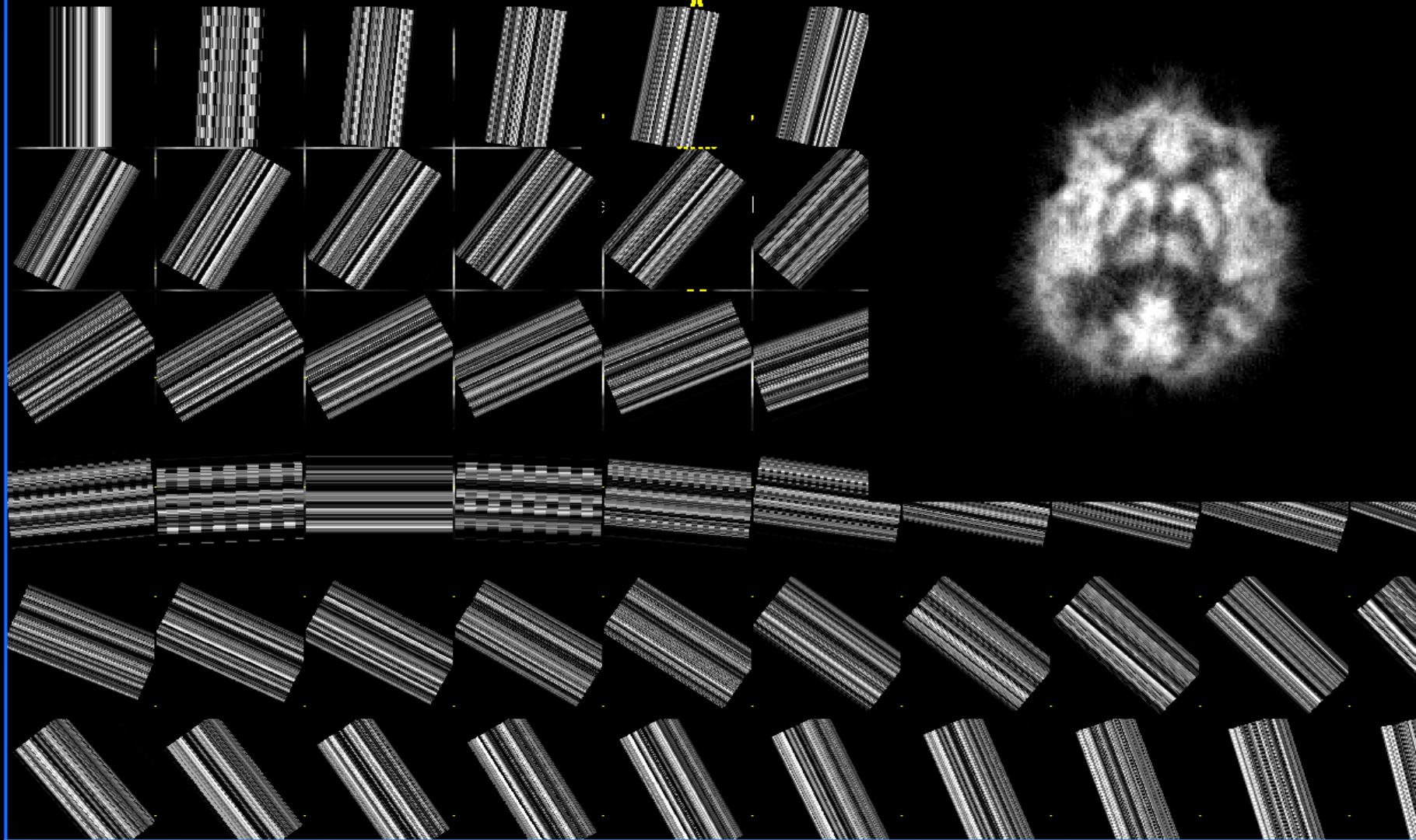
このテキストウィンドウ内を  
クリック。  
選択するプロジェクト  
データは、フォルダ CT 内 の  
**CTprojection** を選択。  
  
2を入力して  
Filtered back projectionを実行。  
選択するReal space filter は  
フォルダ CT 内 の  
**RealRAMP256.txt**を選択。

Disp FBP Process? と出たら  
Enterキーを押す。

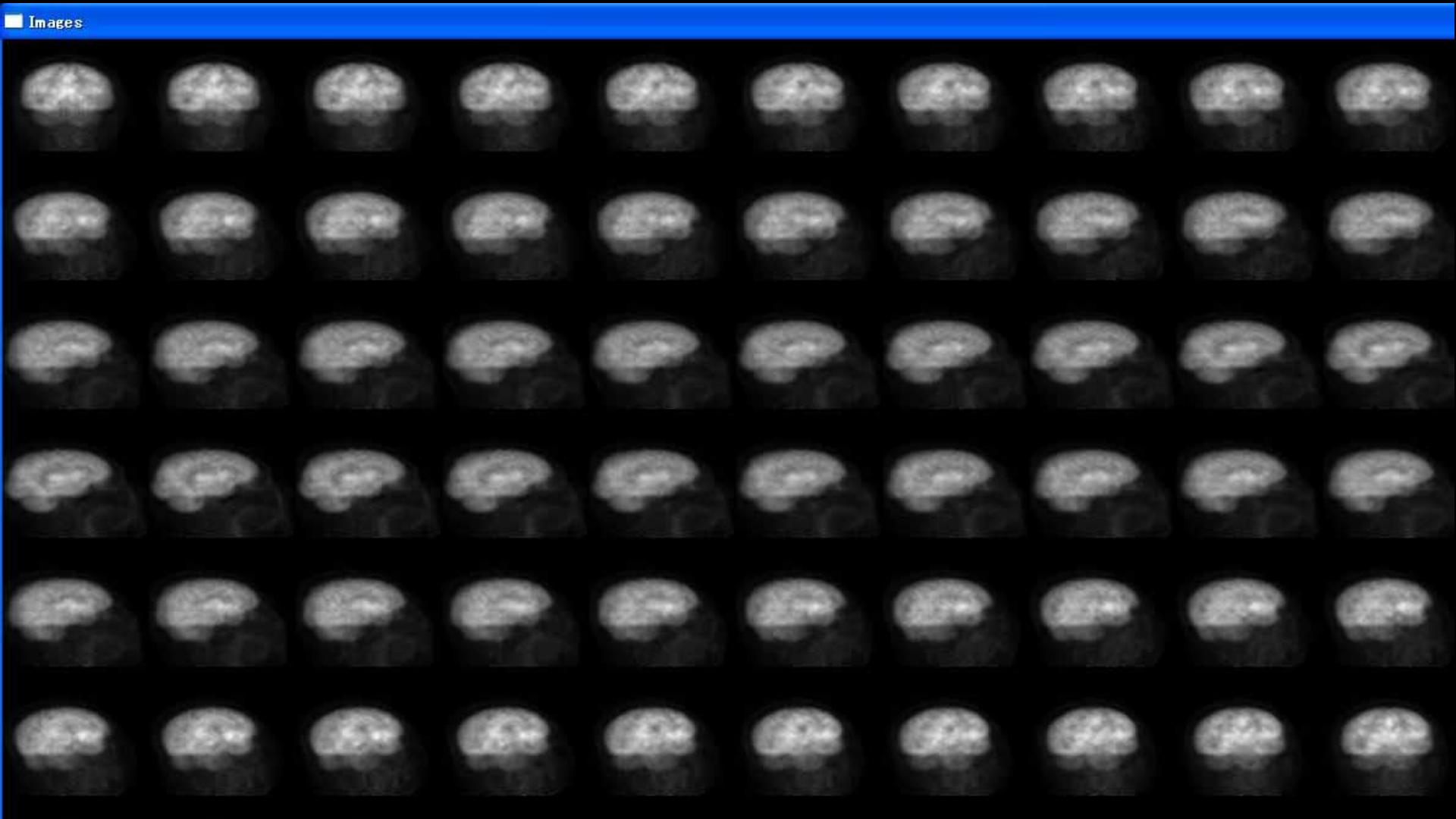


Sinogram

PETもFBPで断層画像を作成  
脳PETのサイノグラムに Rampフィルタを  
重畠して重ね合わせ  $^{18}\text{F}$ -FDG PET脳画像



脳 FDG PET の プロジェクションデータ。  
PETの収集データは各角度から撮像された脳が  
並んでいる 3次元データ。( CTと同じ )。



# PET.zip を解凍し、プログラムPETFBP.exe の実行。

```
PET FBP

Load PET Sinogram data
max count = 472.569855

Disp Projection

select slice = 37

select slice OK ?

Reconstruction slice OK?
(yes: enter, no: n)

Load Real space Filter

Real space filter =
C:\Users\Katoh\Desktop\医用画像機器工学
OK ? (yes; enter, no; n )

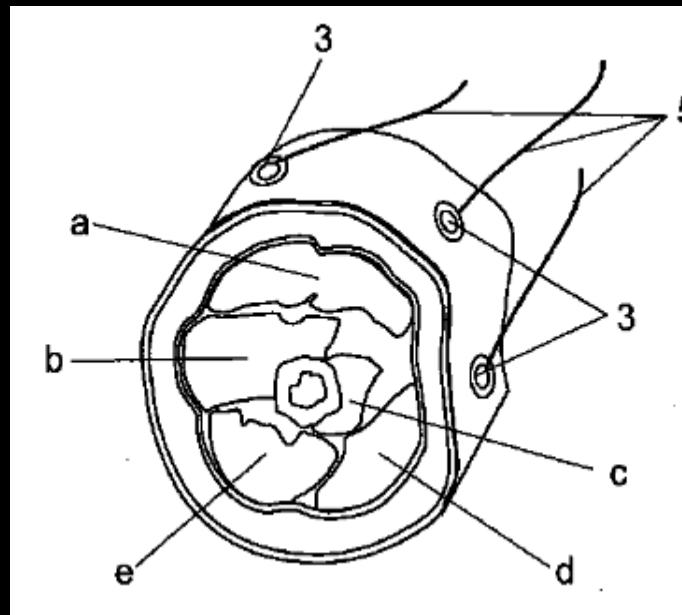
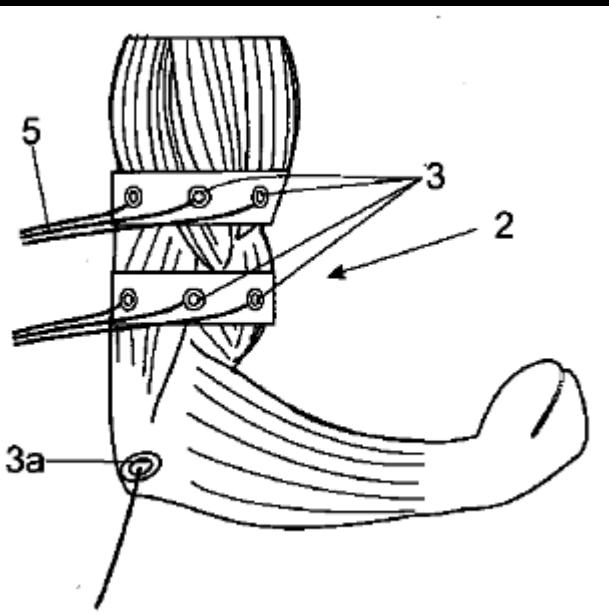
Select Reconstruction method
1: Simple BackProjection
2: Filtered BackProjection
2

Disp Filtered Pth * Filter
```

このテキストウィンドウ内を  
クリックする。  
選択するプロジェクト  
データは、フォルダ PET  
内の PETsinogram を選択。

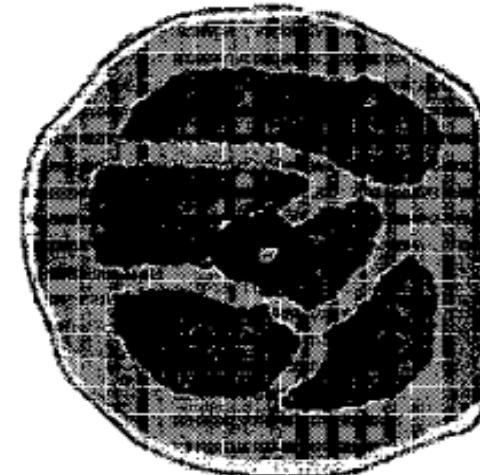
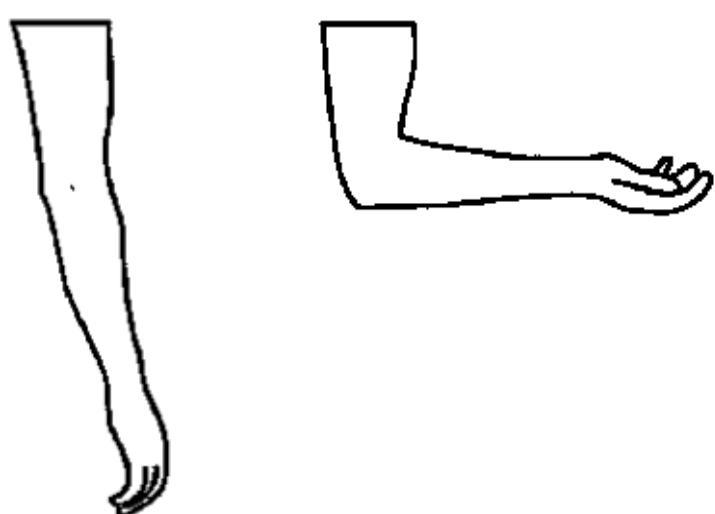
Select slice おすすめスライス  
は、38、39、40あたり。  
2を入力して  
Filtered back projectionを実行。  
選択フィルタは2種類。  
Real|RAMP256. txt  
Real|SheppLogan256. txt

断層画像を作成するアルゴリズムは、筋電図等にも応用が可能（北大工学部で研究中）。



**EMG-CT**

Electro-  
Myogram  
CT



腕を動かした場合の、腕の筋肉の活動性を断層画像で観察できる。

逐次近似画像再構成法で計算された断層画像の画素値は、定量性が保証されていない。繰返し計算回数で画素値が変動する。

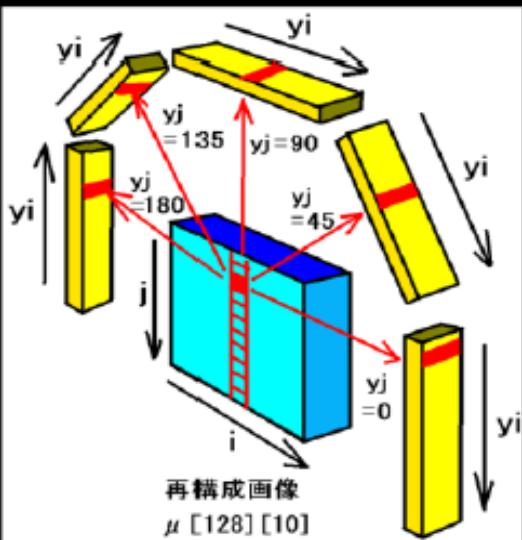
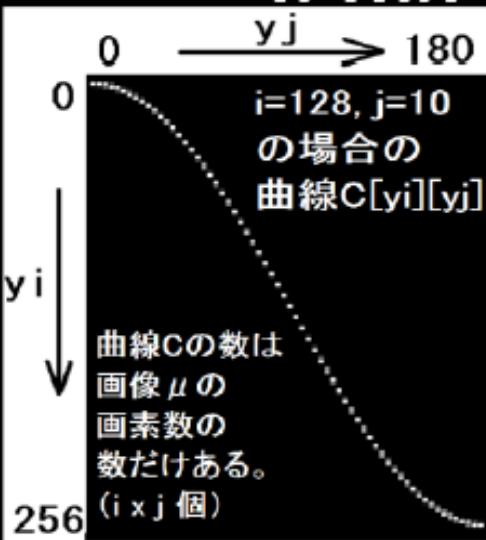
## 逐次近似再構成法 Iterative Reconstruction

PETやSPECT装置が収集した各々の角度における投影画像 ( $P\theta$ ) から断層画像を再構成する別の方法として確率的手法を用いた逐次近似画像再構成法がある。

フィルタ重畳逆投影法と比較し、投影データのカウントが少なくても放射状アーチファクトが少なく、画質の良好な断層画像を算出できる再構成だが、短所として、計算時間が長い、繰り返し回数を決める理論がない（何回繰り返し計算をするか主観的に決める場合が多い）。したがって、再構成画像の定量性もフィルタ重畳逆投影法と比較し、不確かである。

MLEM (Maximum Likelihood Expectation Maximization) という方法が基本的な逐次近似再構成法であるが、計算量が多く時間がかかるので、これを改良したOSEM (Ordered Subsets Expectation Maximization) という計算時間を短縮できる方法が使用されている。

再構成画像 $\mu$ の、画素 [128] [10] に対する  
サイノグラム  $\lambda[y_i][y_j]$  への寄与率(検出確率) C



角度 $y_j$ における座標 $y_i$ の投影データ  
(サイノグラム) を $\lambda[y_i][y_j]$  と示す。

サイノグラムから再構成される断層  
画像を  $\mu[i][j]$  とする。

逐次近似画像再構成法は、これらの  
4個の変数  $y_i$ 、 $y_j$ 、 $i$ 、 $j$  による4次元  
の繰り返し演算である。

再構成画像 $\mu$ の、画素  $[i][j]$  に対するサイノグラム  $\lambda[y_i][y_j]$  への寄与率C  
(検出確率) は4次元配列  $C[i][j][y_i][y_j]$  となる。

$$\lambda = \sum C \mu \quad (\text{サイノグラム} = \sum_{i,j} (\text{検出確率} \times \text{再構成画像}))$$

正確に記述すると  $\lambda[y_i][y_j] = \sum_{i,j} C[i][j][y_i][y_j] \mu_k[i][j]$   
( $\mu_k[i][j]$  は、k 番目の繰り返し計算後の画像)

測定したサイノグラム $\lambda$ と 再構成画像 $\mu$  (初期値は全画素値 1) について  
 $\lambda / (\sum C \mu)$  を求める。

$$\lambda / (\sum C \mu) = \text{真のサイノグラム} / \text{画像}\mu \text{ から推定されるサイノグラム}$$

推定画像 $\mu$ の画素値が、真の値より大きすぎると  $\lambda / (\sum C \mu)$  は 1 未満 になる。  
推定画像 $\mu$ の画素値が、真の値より小さすぎると  $\lambda / (\sum C \mu)$  は 1 以上 になる。

撮像した全方向について  $\lambda / (\Sigma c \mu)$  の平均（検出確率  $c$  をかけた加重平均）を求める。式で表すと、

$\sum_{y_i y_j} c ( \lambda / (\Sigma c \mu) ) / \Sigma c$  この式の値は要素数が  $i \times j$  の配列なので正確に記述すると、  
 $y_i y_j$   $i j$   $y_i y_j$

$$\sum \sum c[i][j][y_i][y_j] ( \lambda[y_i][y_j] / ( \sum \sum c[i][j][y_i][y_j] \mu_k[i][j] ) ) / \sum \sum c[i][j][y_i][y_j]$$

$k$  番目の再構成画像  $\mu_k$  の各画素ごとに  $\sum c ( \lambda / (\Sigma c \mu) ) / \Sigma c$  の値をかけて、次の推定画像  $\mu_{k+1}$  の画素値を算出する。式で表すと、

$$\mu_{k+1} / \mu_k = \sum c ( \lambda / (\Sigma c \mu) ) / \Sigma c \quad \text{逐次近似再構成法 MLEM の式}$$

正確に記述すると

$$y_i y_j \quad i j$$
$$\sum \sum c[i][j][y_i][y_j] ( \lambda[y_i][y_j] / ( \sum \sum c[i][j][y_i][y_j] \mu_k[i][j] ) )$$

$$\mu_{k+1}[i][j] / \mu_k[i][j] = \frac{y_i y_j}{\sum \sum c[i][j][y_i][y_j]}$$

OSEM は、  $y_j$  (サイノグラムの角度成分) の計算ループを間引いて  
 $c (\lambda / (\sum c \mu)) / \sum c$  の値を求めて、次の推定画像  $\mu$  の画素値を算出する。

例えば、 $y_j$  が 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 の 9 方向で、subsets を 3 に設定すれば、  
まず、 $y_j = 0, 3, 6$  の値で  $\mu_k$  を計算する。

次に、 $y_j = 1, 4, 7$  の値で  $\mu_k$  を基に  $\mu_{k+1}$  を計算する。

更に、 $y_j = 2, 5, 8$  の値で  $\mu_{k+1}$  を基に  $\mu_{k+2}$  を計算する。

計算量は MLEM の 1 回繰り返しと同量だが、MLEM を 3 回繰り返した場合と  
ほぼ同等の画像を得られるので、OSEM では計算量、計算時間が 1/3 になる。

OSEM は、サイノグラムを全部使わないので断層画像を推定していくが、逐次異なる角度からのサイノグラムを使うのでプロジェクションデータは全部有効に利用している上で、計算の分量が減らせるアルゴリズムである。

**OSEM 計算結果** 繰り返し回数を多くするほど画像が鮮明化。

OSEM の  
初期画像は  
全て画素値 1  
とする。

繰り返し  $k = 0$

$k = 2$

$k = 4$

$k = 10$

$k = 20$

# OSEM.exe (OSEM.zip を解凍)

## ( Ordered Subsets Expectation Maximization )

- OSEMフォルダ内の「OSEM.exe」を起動する。
- 「寄与率」ボタンを押すと、逐次近似法における確率分布 $C[i][j][y_i][y_j]$ の準備を行う計算をする(膨大な行列を用意する作業で、時間がかかる)
- 「サイノグラム読み込み」ボタンを押して、  
PETsinogram を選択。 その下の空白テキスト  
ボックスに断層スライス番号を入力(47あたりがお勧め)
- 「スライス選択」ボタンを押して、1断層面のサイノグラム  
が表示される。
- 「OSEM」ボタンを押すと逐次近似再構成画像が表示され  
る(あまり速く連打するとプログラムが固まるので注意。)

「寄与率」ボタンを押すと、逐次近似法における確率分布行列 $C[i][j][y_i][y_j]$ の準備を行う計算をする  
(膨大な行列を用意する作業で、やや時間がかかる)

寄与率

画素の数(X方向128 × Y方向128)だけの  
寄与率曲線Cが観察できる

サイノグラム読み込み

47

スライス選択

OSEM

「OSEM」ボタンを繰り返し押すと、逐次近似法が繰り返し実行される。(少し時間をあけて連打して下さい。)

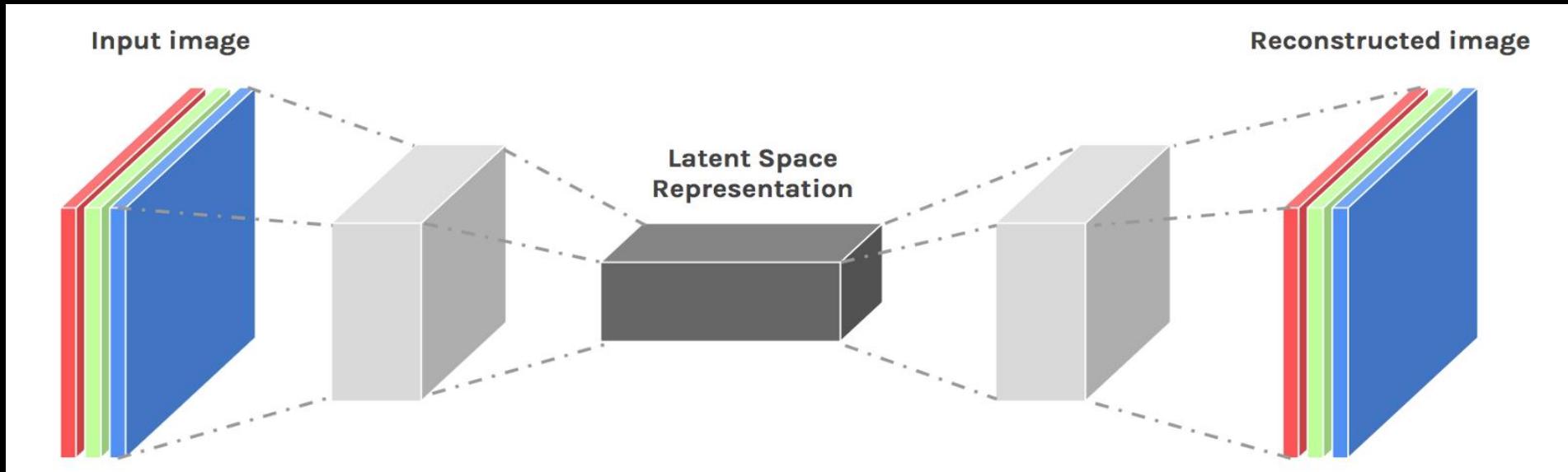
```
Disp_M k = 0
total = 16384
Iteration = 0
subset = 0
subset = 1
Disp_M k = 1
total = 26114.11
Iteration = 1
subset = 0
subset = 1
Disp_M k = 2
total = 25647.79
Iteration = 2
subset = 0
subset = 1
Disp_M k = 3
```

# 第3の断層画像再構成法 AIによる Deep Learning を用いた方法

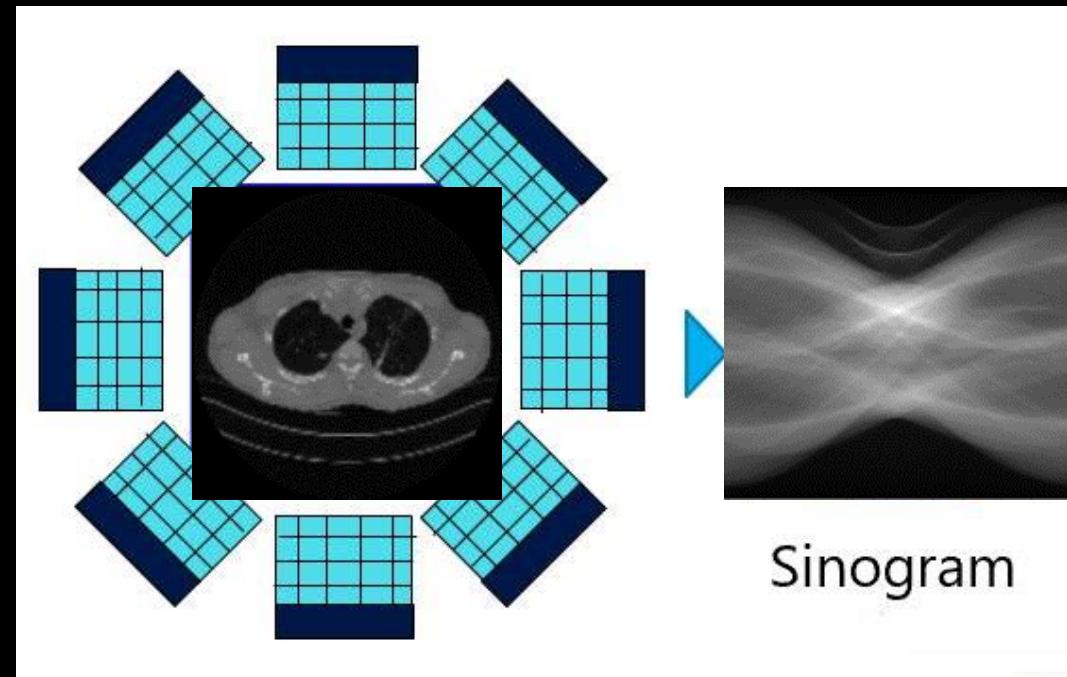
数十万通りのサイノグラムと断層画像との組み合わせをコンピュータに学習させ、力業でサイノグラムから断層画像を推定する。

## CAE (Convolutional Auto Encoder)

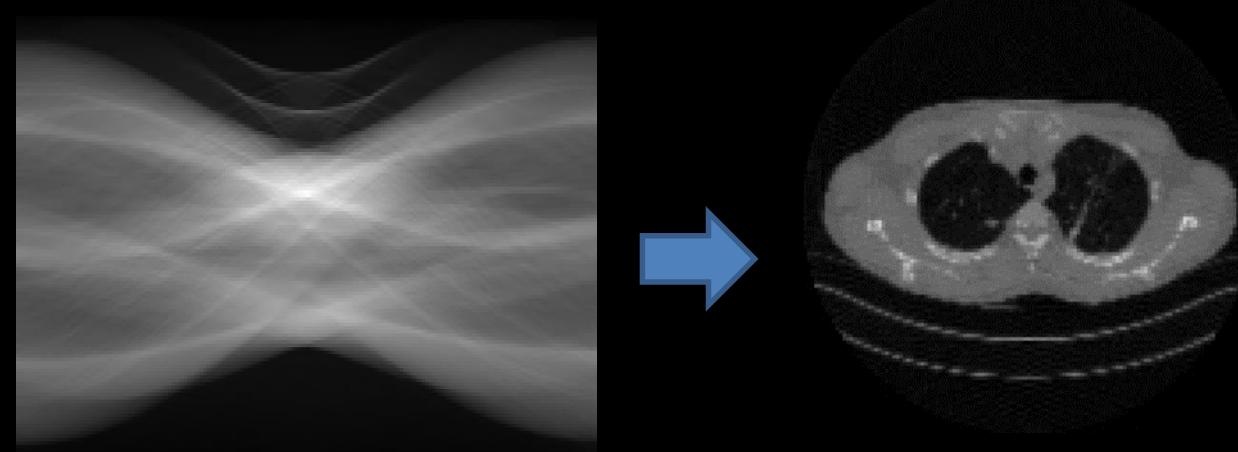
Deep Learningによる画像生成のための学習モデルのひとつ。  
高い特徴抽出力を持つConvolutionレイヤーを学習モデルに組込み  
、データを入力すると最終的に画像が出力されるよう設定する。



CT、SPECT、PETは  
人体の断層図を得る  
ために、その断面の  
多方向からの透視像  
(サイノグラム)を収集。



AIによる Deep Learning では、数十万通りの  
サイノグラムから、それぞれの断層像を学習させる。



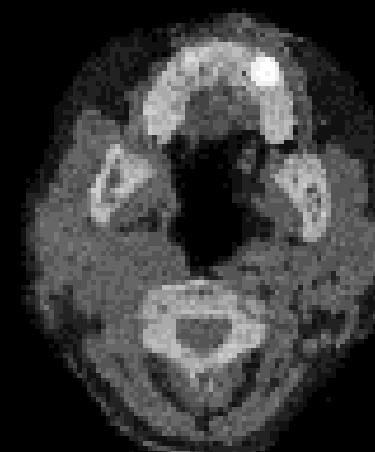
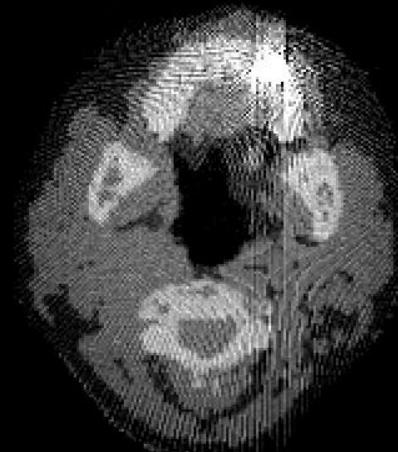
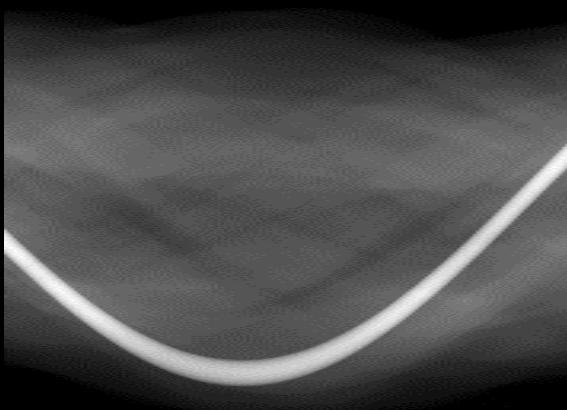
Deep Learning による断層画像算出の利点は、

1. 断層画像を推定する時間が非常に短い。
2. FBP法で出るアーチファクトなどが出ない。

金属義歯を含む  
上顎部の  
サイノグラム

FBP法では  
金属義歯周囲に  
金属アーチファクト  
が<sup>出</sup>る。

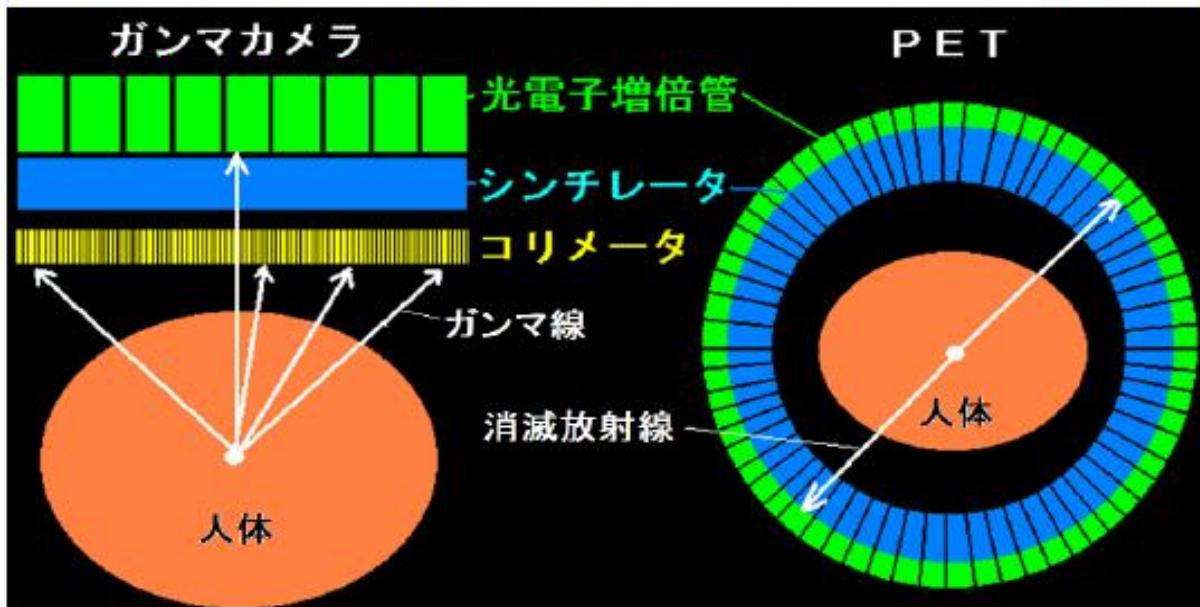
Deep Learning  
では  
金属アーチファクト  
が<sup>出</sup>ない。



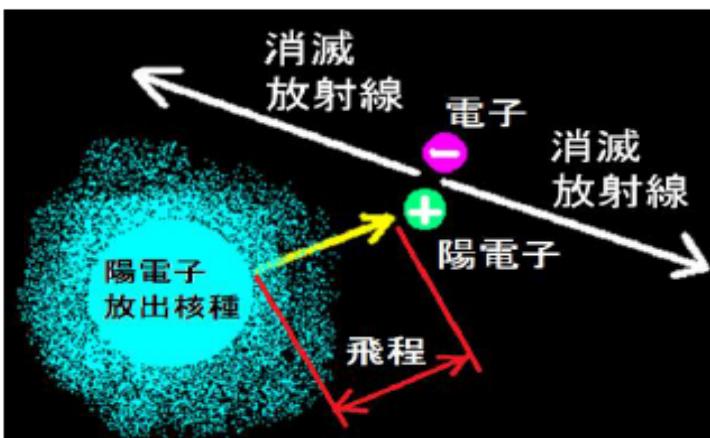
# PET (Positron Emission Tomography)

PET装置を、従来のガンマカメラと比較する。患者からは全方向に $\gamma$ 線が出る。ガンマカメラはシンチレータに垂直入射する $\gamma$ 線だけを通すコリメータを装着しているが、コリメータは感度を低くする（1秒間に計測するカウント数が低下する）。しかしコリメータが無いと患者体内から多方向に向いた $\gamma$ 線を測定してしまい、明瞭な画像が得られない。

PET装置にはコリメータが無い。小型のシンチレータと光電子増倍管（または半導体検出器）で構成された検出器が、患者周囲を囲むように円形状に配置されている。非常に短い時間間隔で（ナノ秒～数百ピコ秒のシャッタースピードで）1対の消滅放射線を1対の検出器が測定すると、その検出器を結ぶ直線上から放射線が来たと判断できる。つまりコリメータが無くとも、患者体内の、どの方向から来た放射線なのかが判り、明瞭な画像を得られる。そのためPET装置は、コリメータが必要なガンマカメラと比べ、感度が非常に高い。



PET検査は、陽電子放出核種で標識された薬剤を患者に投与し、陽電子と電子が対消滅する際に放出される1対の消滅放射線を測定することにより、従来のガンマカメラよりも高感度かつ高分解能な断層像が得られる検査法である。現在のPET装置は、X線CTを備えたPET/CT装置が普及しており、CT画像から被検者の体内密度分布像を収集できるので、正確な吸収補正を行い、定量性に優れた薬剤分布画像が得られる。



## 電子対消滅 (annihilation)

陽電子放出核種から陽電子が出ると、数mmの飛程を経て電子と衝突して消滅し、1対の511 keVの消滅放射線が反対方向に放出される。陽電子と電子は同じ質量で、それが消滅する際に  $E=mC^2$  の式に電子質量を代入すると得られる値 511 keV の光子（消滅放射線）を出す。

原子核内から生じる電磁波を $\gamma$ 線、原子核外軌道電子の遷移で生じる電磁波をX線というが、消滅放射線はどちらにも該当しない電磁波である。

陽電子は電子の反粒子で、正電荷とマイナスのエネルギーを持つ。エネルギーと電荷が正負反対の電子と陽電子が会うと消滅し、消えた質量と等価の電磁波エネルギーに換わる。電磁波に質量はないがエネルギーを持つので運動量を持つ。運動量保存則から、発生した電磁波は反対方向に飛ぶ。この現象の正確な理解には量子力学と相対性理論の知識が必要である。

放射線(Radiation)は、2種類ある。

1. 電磁波( X線、ガンマ線 )

= 空間の振動エネルギー

2. 粒子線( 電子線、陽電子線 など )

=高速に飛ぶ粒子 (質量をもつ)

X線、ガンマ線より人体への影響が大きい

放射能(Radio-activity)とは、

1秒間に放出される放射線の数。

放射能の単位は ベクレル (Bq)。

電磁波(X線、ガンマ線、光線、電波など)  
は、空間の振動エネルギー。

空間 (Universe) とは何もない所ではない。

空間とは、物理的実在物(構造物)である。

空間構造の振動が、X線、ガンマ線、  
可視光線、電波 などの電磁波になる。

電磁波の名称と波長

X線、ガンマ線:10 ピコ~10 ナノメートル

可視光線 : 400~800 ナノメートル

マイクロ波: 100 マイクロ~1 メートル

電磁波とは電場と磁場の相互振動と説明されるが、空間の振動エネルギーである。マクスウェルは電磁波の真空中での速度 $c$ を $c = 1/\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}$ と導いた。この値は秒速約30万kmとなる。

$\mu_0$ は真空の透磁率（磁場の生じやすさ）、 $\epsilon_0$ は真空の誘電率（電場の生じやすさ）である。真空つまり空間に何らかの物理的構造が無ければ $\mu_0$ や $\epsilon_0$ は0のはずであり、マクスウェルの式にその値を入れると電磁波速度 $c$ は無限大になり、事実と矛盾する。

空間には誘電率と透磁率をもつ何らかの物理的構造があり、その構造の振動が電磁波と考える。空間の存在するところを宇宙、宇宙空間という。近年では、空間は10次元以上の構造であるとも報告されており、今後の物理学者や天文学者の研究に期待したい。

光子 photon とは、質量が 0 の空間中のエネルギーの塊と解釈される。光などの電磁波エネルギーの粒子性は、AIN シュタインやコンプトンらによって確かめられた。日常的にも、何万光年も離れた星が夜空で見える現象は、光の粒子性つまり光子の存在を認めなければ説明ができない。光が単なる波動であれば、星から出た光の波動は何万年も宇宙空間で広がりながら進み、地球に届く光のエネルギーは著しく弱くなり、我々には遠くの星は見えないはずである。

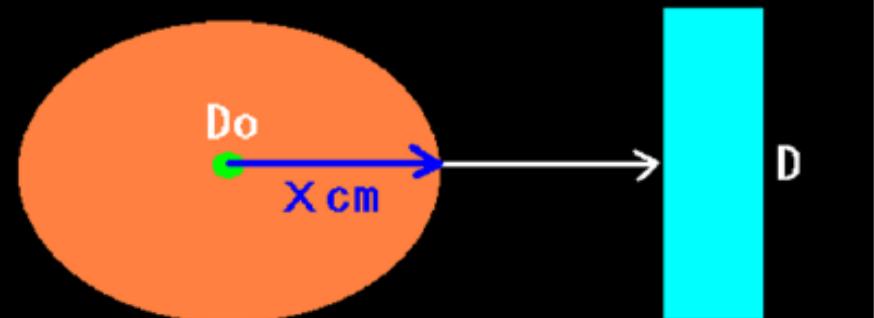
光などの電磁エネルギーが、波と粒子の両方の性質を持つという二重性を理解することは非常に困難です。

その理由は、我々が、空間を4次元以上の構造として認識することが難しいからです。

空間が3次元構造しかない場合には、その二重性は発生しません。(その二重性は説明できません。)

## 放射能の体内での減弱

$$D = D_0 \exp(-\mu x)$$



$D_0$ : 真の放射能 (Bq)

$D$ : 放射能測定値 (Bq)

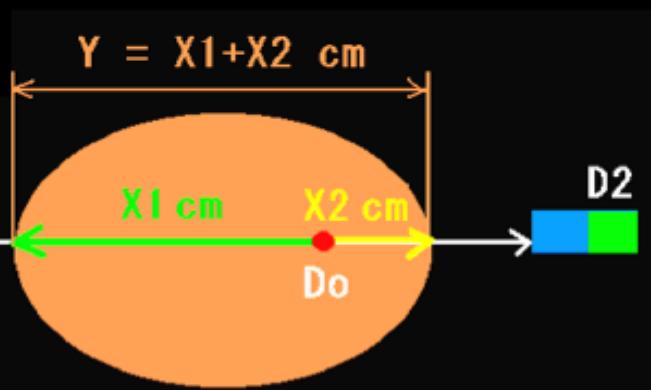
$\mu$ : 線減弱係数 (/cm)

## ガンマカメラによる撮像

患者体表から  $x \text{ cm}$  の部位に  $D_0$  (Bq) の放射性薬剤が存在し、ガンマカメラがそれを  $D$  と測定すると、 $D_0$  と  $D$  の関係は左図のように、人体による減弱が生じる（ここでは人体内部の密度は一定で、線減弱係数は一定値  $\mu$  と簡略化している）。

一般的なプランナー画像は  $D$  の2次元分布像であり、 $D_0$  の値は知ることができない。近年ではSPECT/CT装置によってSPECT像にCT像を用い減弱補正を行うことができる。

## PET/CT



$$D_1 = D_0 \exp(-\mu X_1)$$

$$D_2 = D_0 \exp(-\mu X_2)$$

$$D_1 D_2 = D_0 D_0 \exp(-\mu (X_1 + X_2))$$

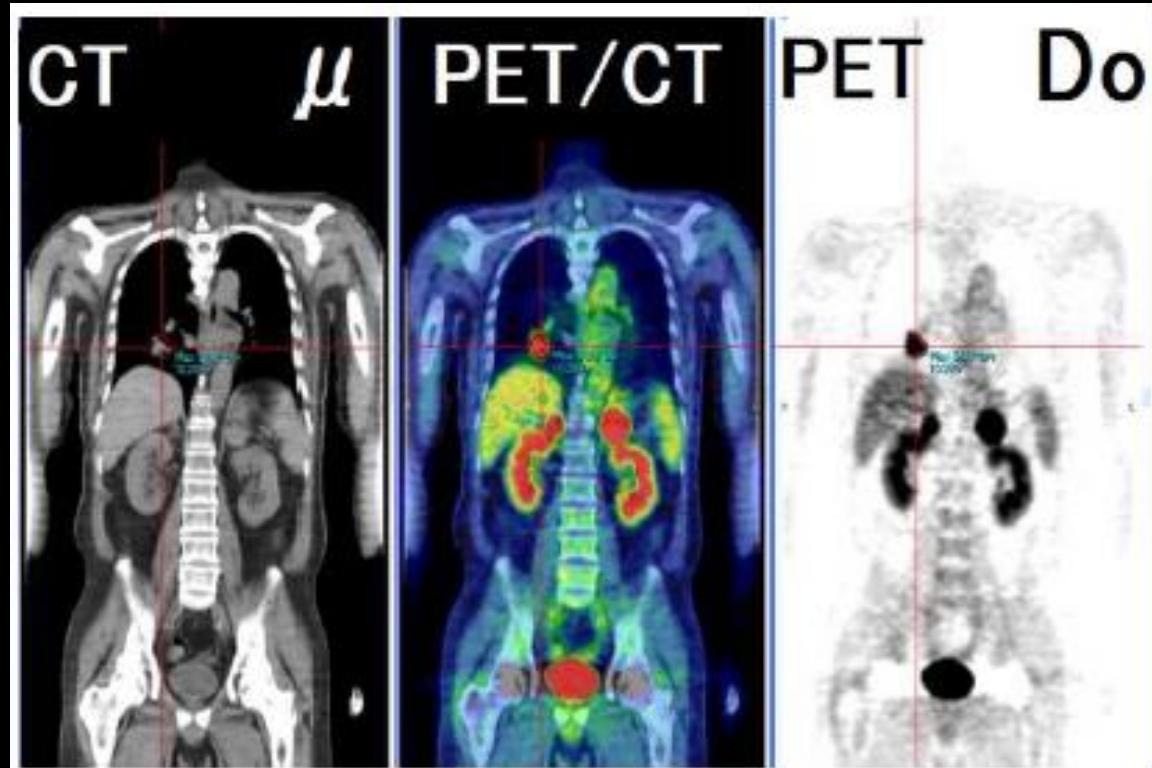
$$D_0 = \sqrt{D_1 D_2 \exp(\mu Y)}$$

## PET/CTによる撮像

患者体表から  $x_1, x_2 \text{ cm}$  の部位に  $D_0$  (Bq) の放射性薬剤が存在し、PETの1対の検出器がそれを  $D_1, D_2$  と測定すると、 $D_0$  と  $D_1, D_2$  の関係は左図のように、人体による減弱の補正ができる（ここでは人体内部の密度は一定で、線減弱係数は一定値  $\mu$  と簡略化している）。

実際には、人体内部の  $\mu$  は一定ではなく、 $\mu$  は3次元行列であり、CT画像が  $\mu$  である。したがってPET/CT装置は、CT画像  $\mu$  から正確な減衰補正を行い、定量性の良いPET画像  $D_0$  を算出できる。

定量性の良い、正確な体内放射能分布を示すPET画像を得るために  
CT画像が必要。CT画像は、体内の密度分布画像。  
(密度と放射線減弱係数  $\mu$  は比例する。)



CT画像は  
放射線減弱係数  $\mu$  の  
3次元行列  $\mu(x,y,z)$

PET画像は  
 $\mu$  で吸収補正した  
正確な体内の3次元  
放射能分布行列  
 $D\sigma(x,y,z)$

右肺下葉の肺癌症例の  $^{18}\text{F}$ -FDG PET/CT画像

左右副腎転移あり。 腎杯、膀胱への集積は尿中への正常排泄像。

## SUV (Standardized Uptake Value 標準化集積量)



PET画像で患者体内に病変を疑う局所的薬剤集積を認めたら、その最大集積部位を含むように関心領域（ROI）を設定する。ROI内の最大値が病変の放射能濃度（Bq/ml）となるが、病変の放射能だけでは病変の活動性を正確に示す値にならない。薬剤投与量と患者の体格を考慮した補正值が必要である。

そこで体内平均放射能濃度（Bq/ml）を算出する。投与した放射能が仮に患者体内で一様に分布したら（たとえば体重が50kgの患者ならば薬剤を50Lの水で薄めたら）放射能はどれくらいの濃度（Bq/ml）に希釈されるかを計算する。人体の比重を1g/mlとみなして、正常組織内の放射能濃度の概算値を推定した値と解釈できる。

SUVは、 $SUV = \text{病変の放射能濃度 (Bq/ml)} / \text{体内平均放射能濃度 (Bq/ml)}$

という式で求められる。分子、分母ともに次元はBq/mlなので、SUVは次元のない値で、病変の放射能濃度が体内平均の何倍かを示す半定量値である。

病変内の最大放射能から算出する SUV<sub>max</sub> が一般的なSUVとして使われているが、最大放射能の値は、PET装置の空間分解能や画像再構成の方法によってかなり変動する点に注意を要する。同じ症例でも施設によってSUVは異なることを承知の上でSUVの値を扱うことが重要である。一般的には FDG PET では、SUVが2.5から3を超える部位は病的かもしれないと解釈する。

# SUV ( Standardized Uptake Value)

病変の放射能濃度(Bq/ml)

=

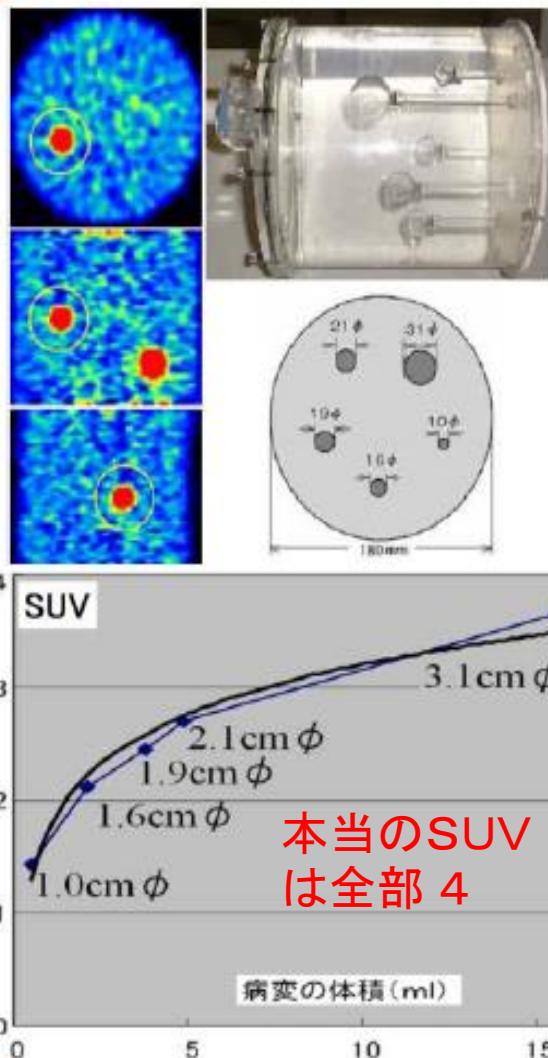
体内平均放射能濃度(Bq/ml)

(投与量(Bq) / 体重(g))

分子と分母の放射能は時刻を合わせる  
(半減期補正をする)必要がある。

病変の放射能濃度が体内平均の何倍か  
を示す半定量値。正常値は1。  
2.5~3以上を病的集積と考える。

!



## 小さい病変のSUVは、部分容積効果に注意

一般的なPET装置の空間分解能は5mm程度である。直径が1cm程度の球状病変が存在する場合は、PET画像では本当の放射能の半分程度の値しか得られない。直径1cmのリンパ節のSUVが2を示した場合、本当のSUVは4以上かもしれない。

各施設で腫瘍ファントムを使った実験を行い、通常検査で実施しているプロトコルと同じ処理で、病変の直径とSUVの関係をグラフで表した部分容積効果曲線を作成する必要がある。

診断医も、その部分容積効果曲線を理解して正確な診断のために役立てる必要がある。

# $^{123}\text{I}$ -IMP (N-isopropyl iodo-amphetamine) を用いた脳SPECT検査

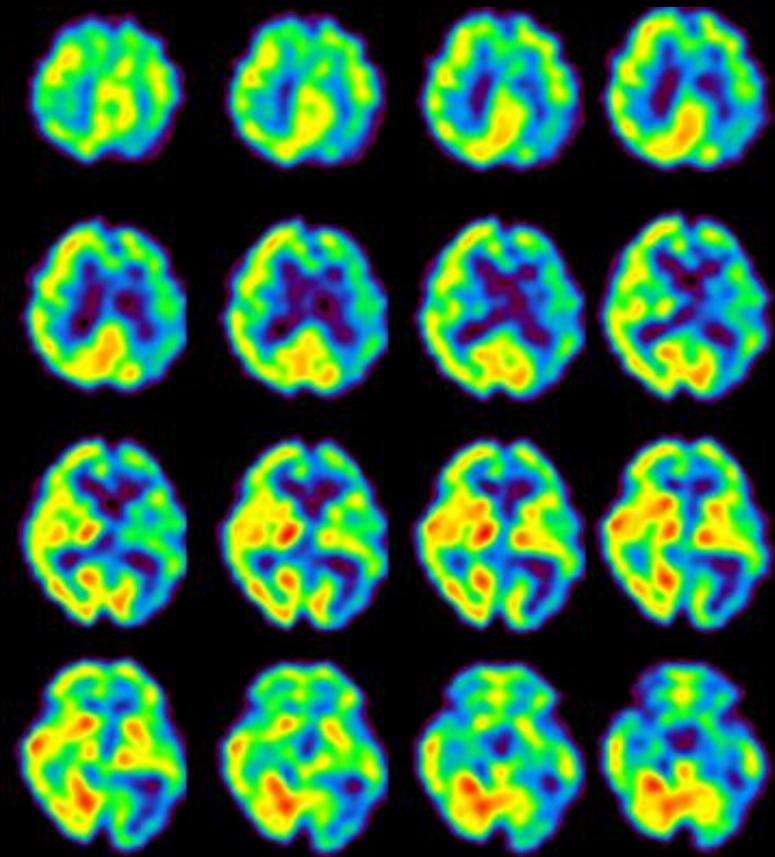
による脳血流定量画像の算出

アンフェタミンは覚醒剤だが、投与量は極微量なので薬理効果はない。

高率に脳に取込まれ、脳血流に比例した脳内分布を示す放射性薬剤。

正確に1分間かけて静脈注射。10分後に動脈採血、血漿中放射能

を測定し、静注20分後にSPECT撮像20分間。



## $^{123}\text{I}$ -IMP Brain SPECT

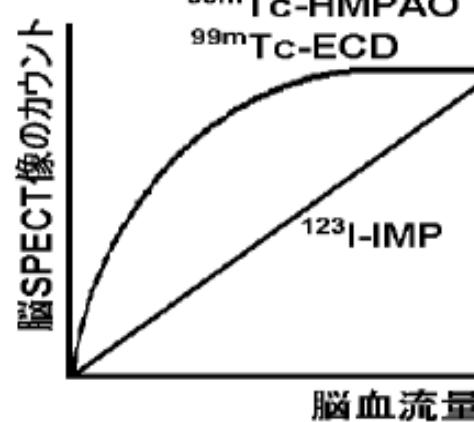
画素値が、定量化されている。

単位が  $\text{mL}/100\text{g brain}/\text{min}$  の

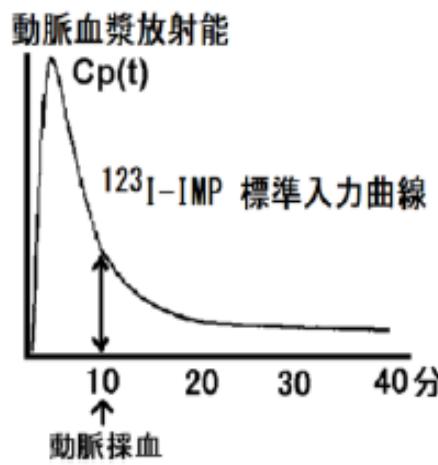
脳血流量(CBF)になっている。

左中大脳動脈狭窄症例

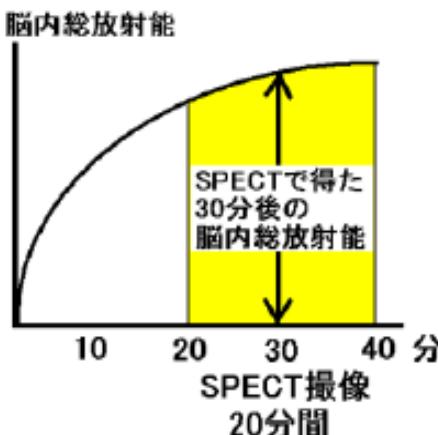
(Lt. MCA stenosis)



$^{123}\text{I-IMP}$ は、脳SPECTに使用される薬剤で、脳組織への集積量が脳血流量に良く比例することから、脳血流検査に適する。 $^{99m}\text{Tc-ECD}$ や $^{99m}\text{Tc-HMPAO}$ などは、緊急検査には適し投与量も多くできるので脳SPECT像の画質は良いが、左図のように軽度の脳血流低下部位のカウントはあまり低下しないため、認知症などの検査には $^{123}\text{I-IMP}$ で脳血流を定量すべきである。

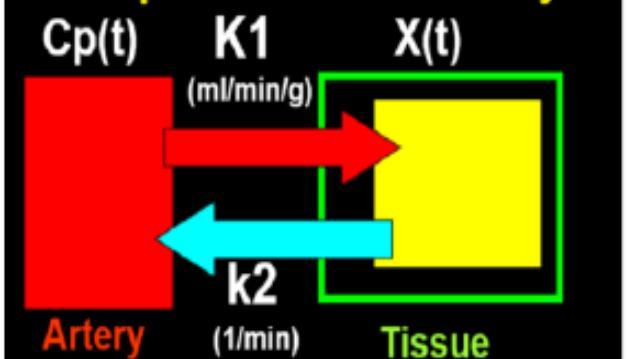


$^{123}\text{I-IMP}$ は、脳血流定量のためにシリンジポンプを使い正確に1分間で静脈投与する。 $^{123}\text{I-IMP}$ は、肺組織に摂取されから動脈系に入る。そのため他の薬剤と異なり、投与20分後程度まで動脈血中濃度が高い。その特徴を利用して、投与10分後に橈骨動脈などから1点動脈採血を行う。複数例の連続動脈採血検査から得られた標準動脈血漿放射能曲線があるので、1点動脈採血をオクタノール抽出補正した血漿放射能で、各症例の動脈血漿放射能曲線  $Cp(t)$  を導出する。



$^{123}\text{I-IMP}$ は脂溶性だが、検査中、肝などで代謝されて3割ほどが水溶性の放射性薬剤に変化する。水溶性の放射性薬剤は脳組織には入らないので、その放射能を入力関数から除外したい。そのため脂溶性成分だけが溶け込むオクタノールに血漿を入れて正確に $^{123}\text{I-IMP}$ だけの放射能を測定する。

## 2 Compartment model analysis



$$\frac{dX(t)}{dt} = K1 Cp(t) - k2 X(t)$$

$k2=0$  とみなし、上の式を積分すると

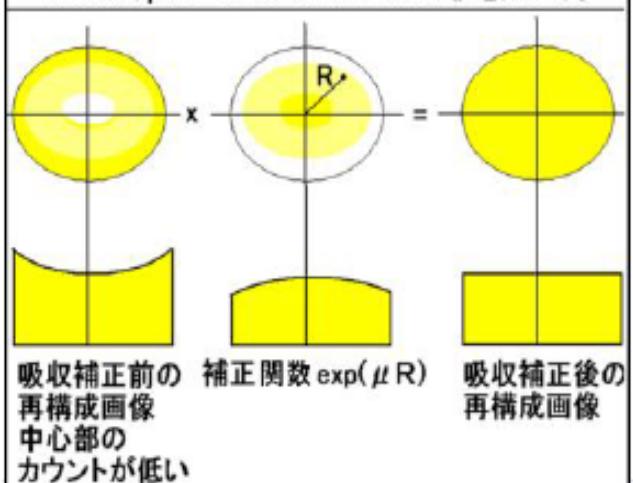
$$X(T) = K1 \int_0^T Cp(t) dt$$

$$K1 \div CBF = X(T) / \int_0^T Cp(t) dt \quad (T=30\text{min})$$

Chang 法 再構成画像の幾何学的吸収補正

人体の密度分布 $\mu$ が一定値と仮定して補正。

$^{99m}\text{Tc}$ では、 $\mu$ は 0.10から0.12 /cm の値を用いる。



SPECT撮像は投与20分後から20分間実施する。

得られた脳SPECT像は、30分後の像と解釈する。

$^{123}\text{I}$ -IMPは、2コンパートメントモデルに従うが、 $k2$ は小さいとみなし、下記の式による概算値が脳血流定量に使用される。この $^{123}\text{I}$ -IMPによる脳血流定量法を、オートラジオグラフィ法 (ARG法) という。

脳血流量 CBF (Cerebral Blood Flow)

CBF (mL/100g/min)

正常 40~50 mL/100g/min

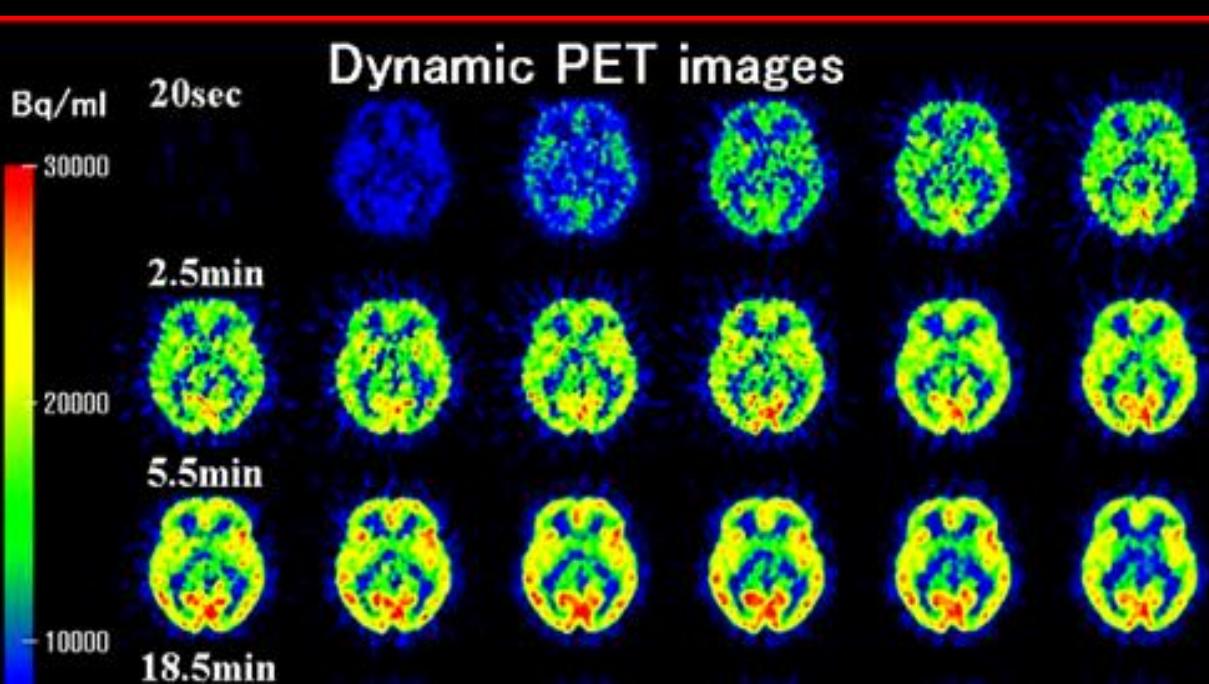
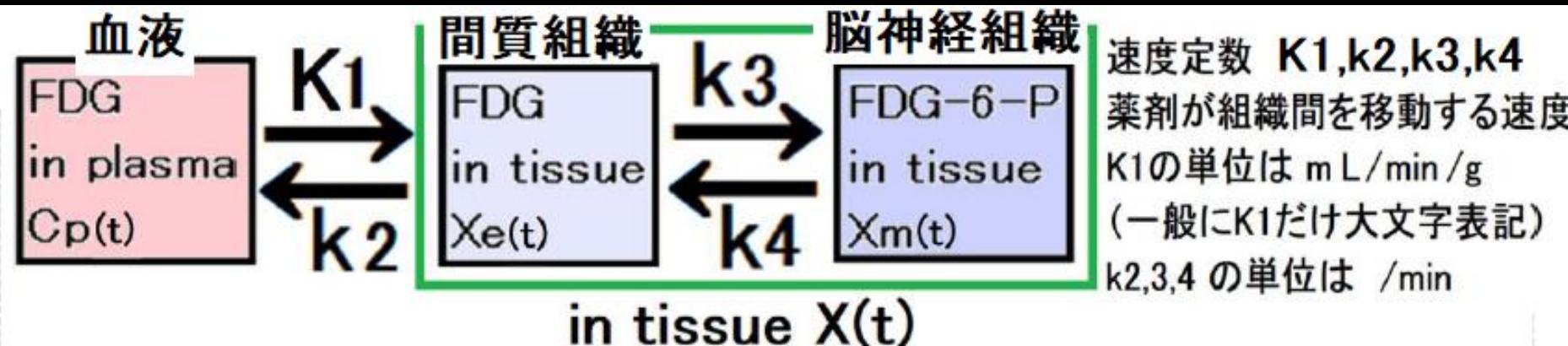
脳SPECT (30分後像) による脳組織放射能 (Bq/100g)

=  $\frac{\text{動脈血漿放射能曲線の30分間の積分値} (\text{min} \cdot \text{Bq}/\text{mL})}{\text{ }}$

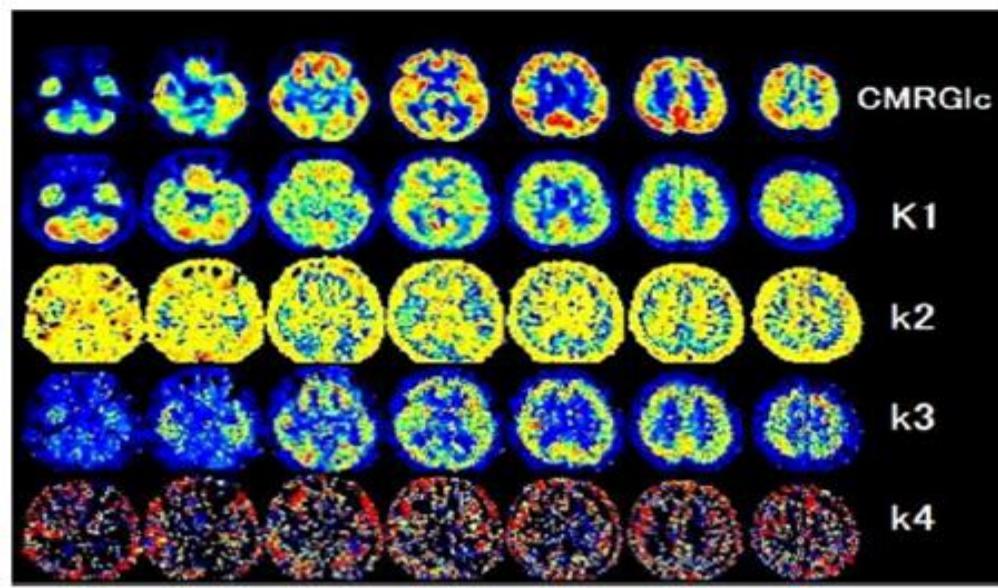
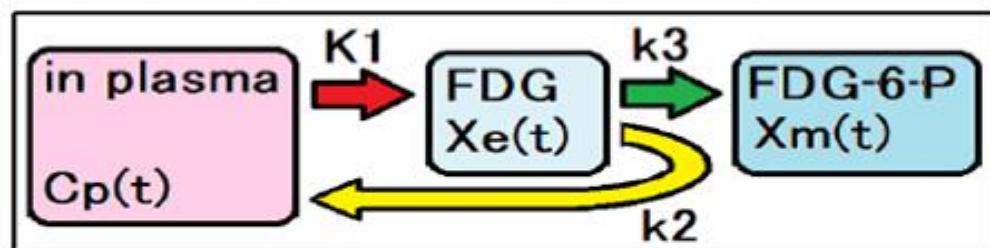
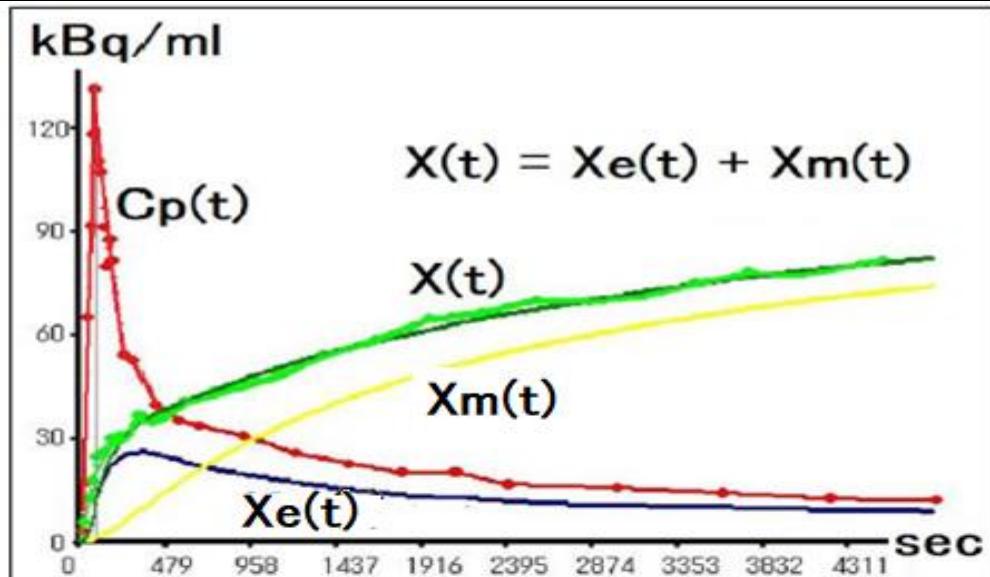
SPECT画像の画素値はカウントなので、放射能濃度が判っている  $^{123}\text{I}$  水溶液を入れたファントムをSPECT装置で20分間撮像し、さらにSPECT画像を吸収補正し (Chang補正) 、SPECTカウント値 (count) と放射能 (Bq/ml) の関係を測定しておく必要がある (クロスキャリブレーション)。

# $^{18}\text{F}$ -FDG 脳 PET による 脳ブドウ糖消費量の定量

FDG投与直後から1時間ダイナミックPET撮像と連続動脈採血を実施。3コンパートメントモデル解析で定量画像を算出する。



コンパートメントモデル解析に興味のある人は、ホームページに添付した「コンパートメントモデル」を参照して下さい。



FDGダイナミック脳PET検査で測定されるデータは、採血による動脈血漿中時間放射能曲線  $C_p(t)$  とPET画像から得られる脳内の任意の部位における組織時間放射能曲線  $X(t)$  である。

ラプラス変換から算出された式に測定をされた曲線を入力して脳内の速度定数  $K_1, k_2, k_3, k_4$  の分布画像が得られる。

$K_1$ の速度で $X_e$ に流入するが、FDGを欲しがらない組織が速度 $k_2$ で $C_p$ に戻る。そのため $X_e$ から $X_m$ へ移動する割合が $k_3/(k_2+k_3)$ になるので $C_p$ から $X_m$ への速度定数は、 $K_1 \times k_3/(k_2+k_3)$ となる。

左図でも頭蓋骨や頭皮等の組織はブドウ糖を欲しがっていないので（脂肪酸で生きている） $k_2$ 値が高いことが示されている。

$X_m$ はブドウ糖を必要とする組織を示す。脳組織100gが1分間で何molのブドウ糖を摂取するか (CMRGlc; Cerebral Metabolic Rate of Glucose) を定量計算できる。

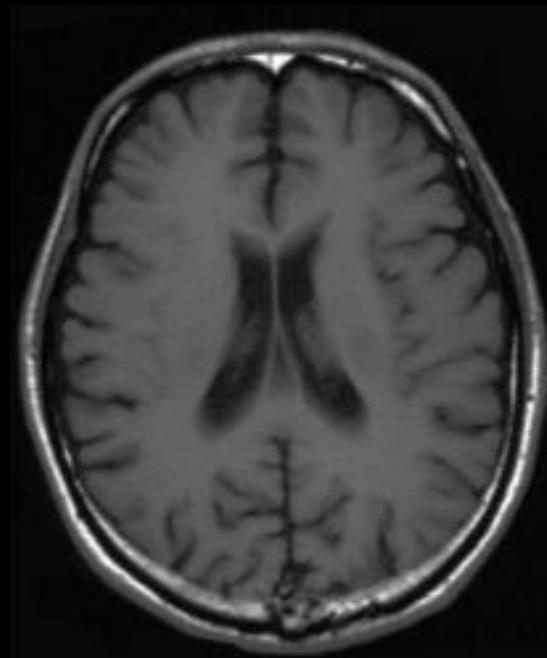
# MRI(Magnetic Resonance Imaging)

## 水素原子核(H)の分布図

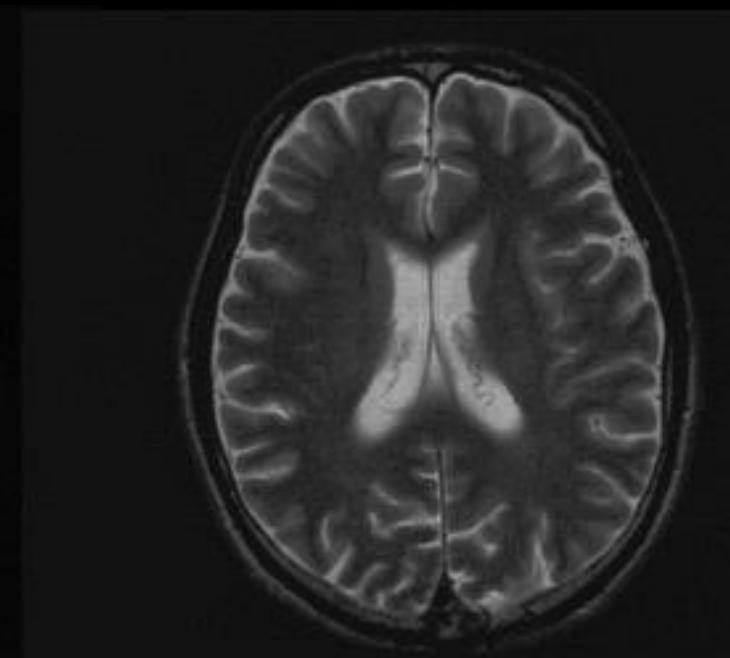
T1強調像 主にCH のH分布(主に脂肪分布)

T2強調像 主にOH のH分布(主に水の分布)

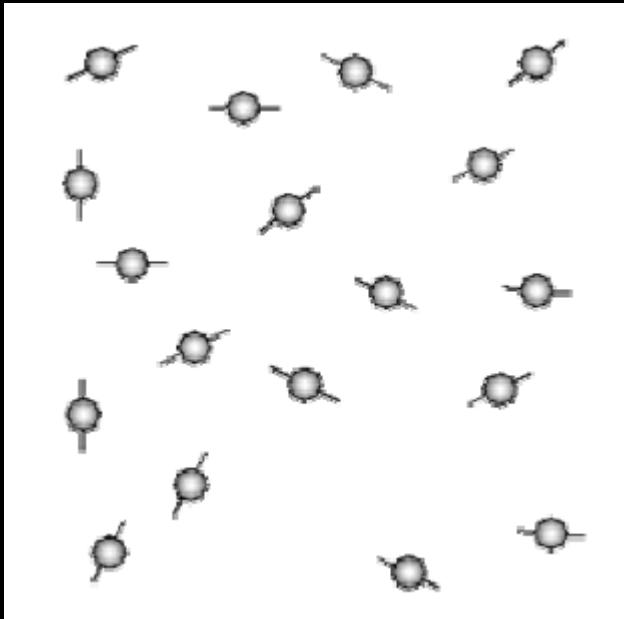
脳のMRI



T1 脂肪



T2 水

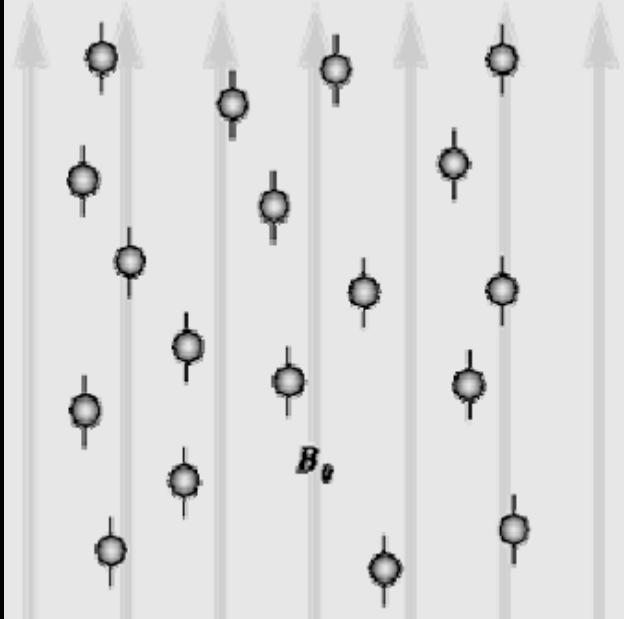


# 水素原子核は回転している。

(力学的に回転しているわけではない。  
正確には量子力学でスピンとよばれる  
空間内の虚数軸上の回転運動)

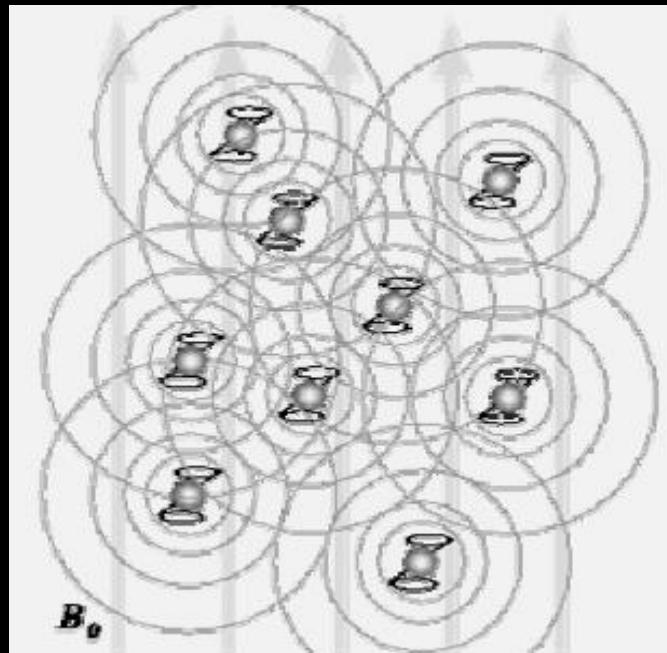
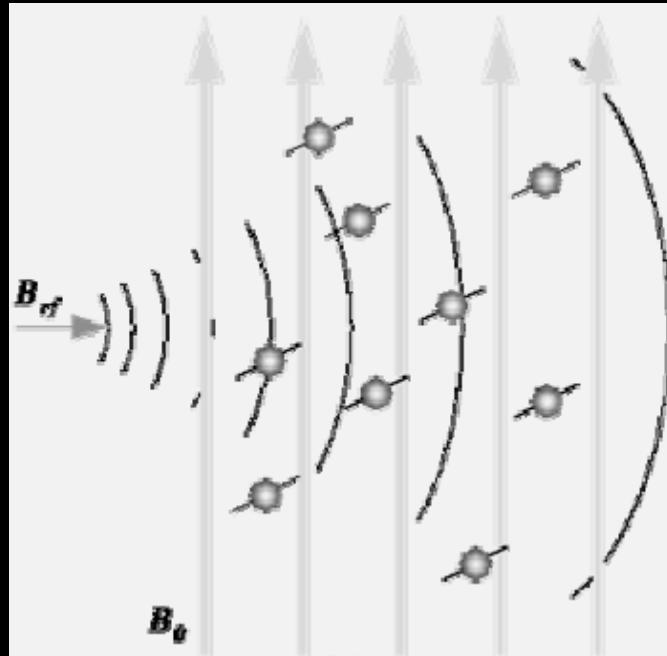
## 水素原子核 = 陽子1個

通常は、回転軸は揃っていないが、  
水素原子核は磁石のような性質が  
あるので強い磁場(静磁場)をかける  
と、回転軸が揃う。



このためにMRI装置には  
強い静磁場が必要。

横から 40~60MHz程度の電波を当てるとき、水素原子核の回転軸が傾く（**核磁気共鳴**）。電波を止めると傾きが元に戻る。倒れかけたコマのような回転（才差運動）をして軸が戻る。水素原子核は磁石のような性質があるので、その運動で電波が生じる（**電磁誘導**）。それを測定してMRI画像を作る。



T1強調像 CH 分布

主に**脂肪**の分布図。



脳梗塞

T2強調像 OH 分布

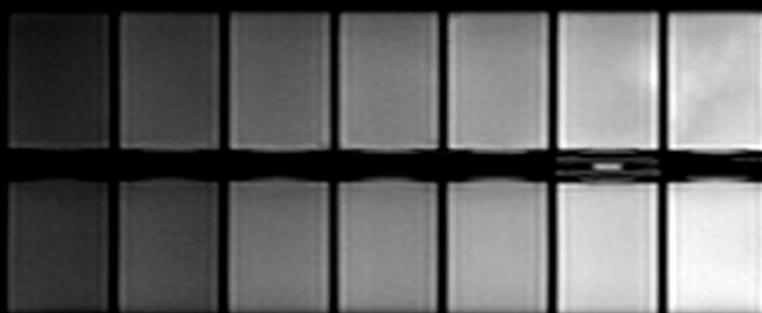
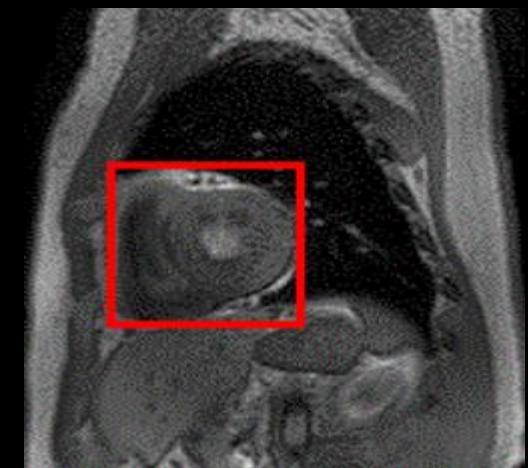
主に**H<sub>2</sub>O**の分布図。



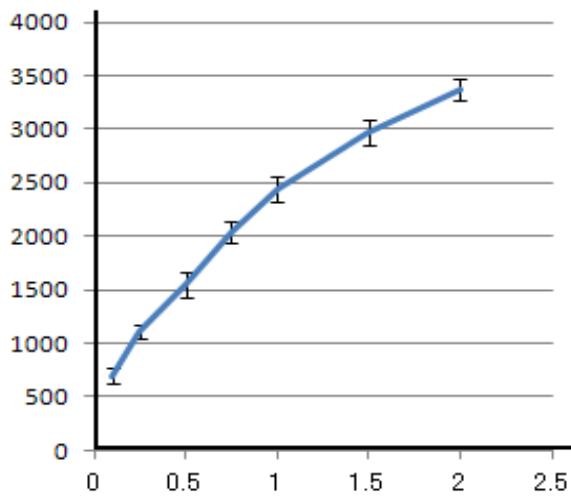
細胞膜が破綻し細胞外液と細胞内液が混在して液状化

# MRIによる心筋血流量の定量検査。

造影剤(Gd-DTPA)を投与しながら  
ダイナミック心筋MRIを撮像。



MRI画像シグナル強度



MRIの信号強度自体には  
定量性(次元)がないので、

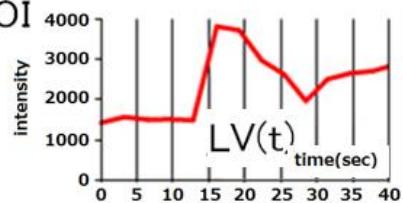
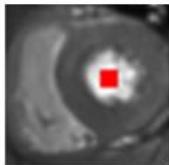
血液中のGd-DTPA濃度と  
T1強調MRI画像の信号強度  
の関係を実験で算出する。

Quantification of myocardial blood flow with  
dynamic perfusion 3.0 Tesla MRI: Validation with  
(<sup>15</sup>)O-water PET.

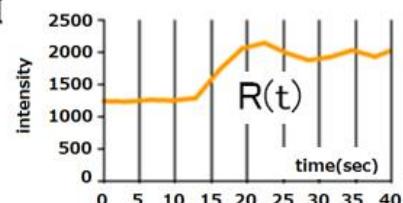
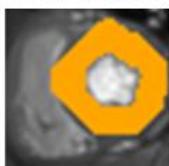
Tomiyama Y, Manabe O, Oyama-Manabe N, Naya M,  
Sugimori H, Hirata K, Mori Y, Tsutsui H, Kudo K,  
Tamaki N, Katoh C.

J Magn Reson Imaging. 2015 Sep;42(3):754-62.

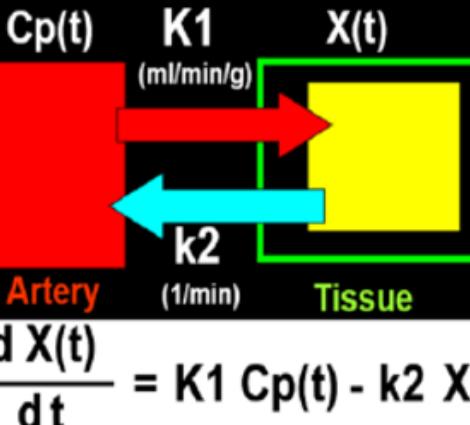
左室内腔ROI



左室壁ROI



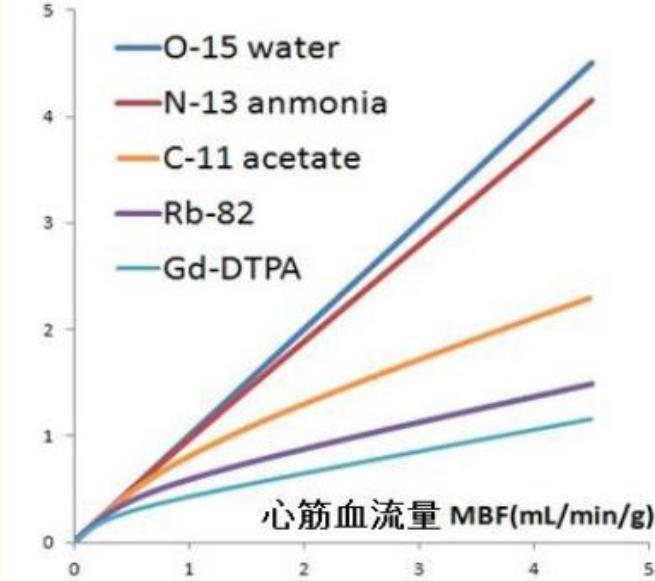
## 2 Compartment model analysis



Renkin – Crone model

$$K1 = MBF (1 - \alpha \exp(\beta / MBF))$$

$K1$  (mL/min/g)



心筋と動脈のGd-DTPA濃度曲線を  
2コンパートメントモデル解析して、

Renkin-Crone モデル(組織に薬剤  
が流入する速度と血流量の関係式)

を使って、心筋血流量MBFを算出。  
**MBF: Myocardial Blood Flow**

(詳しく知りたい人は、ホームページ  
に添付した「コンパートメントモデル」  
を参照して下さい。)

分布定数モデル ( Renkin – Crone model )



$$\begin{aligned} \text{取込率 } E &= \frac{PS}{F + PS} = 1 - \frac{F}{F + PS} = 1 - \frac{1}{1 + \frac{PS}{F}} \\ &\doteq 1 - \frac{1}{\exp(\frac{PS}{F})} = \boxed{1 - \exp(-\frac{PS}{F})} \end{aligned}$$

$$K1 = \text{取込率 } E \times \text{血流量 } F$$

$$\text{テーラーの定理 } \exp(x) = \sum \frac{x^n}{n!} \doteq 1+x \quad (x \ll 1)$$

# 出席票に、以下の問題の解答を記述して下さい。

## 本講義の感想、意見、質問等も記述して下さい。

問1.

CT値が50(HU)を示す組織の密度(g/ml)はどれか。

- 1. 50
- 2. 1.5
- 3. 1.15
- 4. 1.05
- 5. 1.005

問3.

PET画像におけるSUVについて正しいのはどれか。

- 1. 患者の身長と体重の値が必要
- 2. 病変のブドウ糖摂取量を定量する
- 3. 小さい病変では過大な数値となる
- 4. 悪性病変の活動性の指標となる
- 5. 転移病変は評価できない

問2.

フィルタ重畳逆投影画像再構成法の特徴はどれか。

- 1. 画像算出時間が長い
- 2. アーチファクトが少ない
- 3. 定量性が良い
- 4. 繰返すと画質が良くなる
- 5. 周波数空間上の演算を行う

問4.

MRIについて正しいのはどれか。

- 1. T1強調画像では水分が高信号を示す。
- 2. 放射線を使用する
- 3. 測定画像の画素値には定量性がある
- 4. 水素元素の原子核分布を測定する
- 5. 造影剤は使用しない